

Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова  
Физический факультет  
Кафедра математики

**А. В. Овчинников**

**Контрольные задания  
по аналитической геометрии  
для студентов 1 курса**



**Москва, 2016**

## **Содержание**

Правила оформления	1
1. Комплексные числа и многочлены	2
2. Матрицы и определители. Алгоритм Гаусса—Жордана	5
3. Системы линейных уравнений	12
4. Алгебра векторов	21
5. Прямые и плоскости	25
6. Линии второго порядка	41

## ПРАВИЛА ОФОРМЛЕНИЯ

*Внимательно  
прочитайте эти правила,  
прежде чем начинать выполнение работы!*

Контрольные работы выполняются в отдельной тетради. Записывать решение нужно лишь на одной стороне листа: обратная сторона предназначена для выполнения работы над ошибками. На каждой странице требуется оставить поля шириной 2 см.

На обложке тетради указываются фамилия, имя, отчество студента, номер группы, номер варианта, номера выполненных задач, дата сдачи работы.

Каждая задача выполняется начиная с нового листа. Условия задач переписывать не нужно.

Работа должна быть выполнена аккуратно, написана разборчивым почерком. Решение каждой задачи необходимо сопровождать текстовыми пояснениями; отсутствие пояснений приводит к снижению оценки.

Все задачи приведены в 26 вариантах; каждый студент выбирает вариант согласно своему номеру в списке группы по журналу.

# 1. КОМПЛЕКСНЫЕ ЧИСЛА И МНОГОЧЛЕНЫ

**1.1.** Вычислите значение выражения.

1.1.1. 
$$\frac{(1+i)^2(1+2i)}{2+i}.$$

1.1.2. 
$$\frac{(1+i)^2(1+3i)}{3+i}.$$

1.1.3. 
$$\frac{(1+i)^2(1+4i)}{4+i}.$$

1.1.4. 
$$\frac{(1+i)^2(1+5i)}{5+i}.$$

1.1.5. 
$$\frac{(1+2i)^2(2-i)}{1+i}.$$

1.1.6. 
$$\frac{(1+2i)^2(2-2i)}{2+i}.$$

1.1.7. 
$$\frac{(1+2i)^2(2-3i)}{3+i}.$$

1.1.8. 
$$\frac{(1+2i)^2(2-4i)}{4+i}.$$

1.1.9. 
$$\frac{(1+2i)^2(2-5i)}{5+i}.$$

1.1.10. 
$$\frac{(1+3i)^2(3-i)}{1+i}.$$

1.1.11. 
$$\frac{(1+3i)^2(3-2i)}{2+i}.$$

1.1.12. 
$$\frac{(1+3i)^2(3-3i)}{3+i}.$$

1.1.13. 
$$\frac{(1+3i)^2(3-4i)}{4+i}.$$

1.1.14. 
$$\frac{(1+3i)^2(3-5i)}{5+i}.$$

1.1.15. 
$$\frac{(1+4i)^2(4-i)}{1+i}.$$

1.1.16. 
$$\frac{(1+4i)^2(4-2i)}{2+i}.$$

1.1.17. 
$$\frac{(1+4i)^2(4-3i)}{3+i}.$$

1.1.18. 
$$\frac{(1+4i)^2(4-4i)}{4+i}.$$

1.1.19. 
$$\frac{(1+4i)^2(4-5i)}{5+i}.$$

1.1.20. 
$$\frac{(1-i)^2(2i-1)}{i-2}.$$

1.1.21. 
$$\frac{(1-i)^2(3i-1)}{i-3}.$$

1.1.22. 
$$\frac{(1-i)^2(4i-1)}{i-4}.$$

1.1.23. 
$$\frac{(1-i)^2(5i-1)}{i-5}.$$

1.1.24. 
$$\frac{(1-2i)^2(i-2)}{i-1}.$$

1.1.25. 
$$\frac{(1+2i)^2(2-i)}{1+i}.$$

1.1.26. 
$$\frac{(1+3i)^2(3-5i)}{5+i}.$$

**1.2.** Вычислите значение выражения.

1.2.1. 
$$\left(\frac{-1+5i}{(2+3i)\sqrt{2}}\right)^{-25}.$$

1.2.2. 
$$\left(\frac{5+i}{(2+3i)\sqrt{2}}\right)^{-33}.$$

1.2.3. 
$$\left(\frac{(2+i)\sqrt{2}}{i-3}\right)^{-41}.$$

1.2.4. 
$$\left(\frac{(2i-1)\sqrt{2}}{3-i}\right)^{-49}.$$

1.2.5. 
$$\left(\frac{-1+3i}{\sqrt{2}(1+2i)}\right)^{-57}.$$

1.2.6. 
$$\left(\frac{3+i}{\sqrt{2}(1+2i)}\right)^{-65}.$$

1.2.7. 
$$\left(\frac{1-3i}{\sqrt{2}(1+2i)}\right)^{-73}.$$

1.2.8. 
$$\left(\frac{-3-i}{\sqrt{2}(1+2i)}\right)^{-25}.$$

1.2.9. 
$$\left(\frac{(-1+2i)\sqrt{2}}{1+3i}\right)^{-33}.$$

1.2.10. 
$$\left(\frac{(2+i)\sqrt{2}}{1+3i}\right)^{-41}.$$

1.2.11. 
$$\left(\frac{(1-2i)\sqrt{2}}{1+3i}\right)^{-49}.$$

1.2.12. 
$$\left(\frac{(-2-i)\sqrt{2}}{1+3i}\right)^{-57}.$$

1.2.13. 
$$\left(\frac{1+3i}{\sqrt{2}(2+i)}\right)^{-65}.$$

1.2.14. 
$$\left(\frac{3-i}{\sqrt{2}(2+i)}\right)^{-73}.$$

1.2.15. 
$$\left(\frac{-1-3i}{\sqrt{2}(2+i)}\right)^{-25}.$$

$$\begin{array}{lll}
 1.2.16. \left( \frac{-3+i}{\sqrt{2}(2+i)} \right)^{-33}. & 1.2.20. \left( \frac{-1+3i}{\sqrt{2}(2-i)} \right)^{-65}. & 1.2.24. \left( \frac{-1-3i}{\sqrt{2}(2+i)} \right)^{-25}. \\
 1.2.17. \left( \frac{3+i}{\sqrt{2}(2-i)} \right)^{-41}. & 1.2.21. \left( \frac{(1+2i)\sqrt{2}}{3+i} \right)^{-73}. & 1.2.25. \left( \frac{3+i}{\sqrt{2}(2-i)} \right)^{-41}. \\
 1.2.18. \left( \frac{1-3i}{\sqrt{2}(2-i)} \right)^{-49}. & 1.2.22. \left( \frac{5+i}{(2+3i)\sqrt{2}} \right)^{-33}. & 1.2.26. \left( \frac{-3-i}{\sqrt{2}(2-i)} \right)^{-57}. \\
 1.2.19. \left( \frac{-3-i}{\sqrt{2}(2-i)} \right)^{-57}. & 1.2.23. \left( \frac{(2+i)\sqrt{2}}{1+3i} \right)^{-41}.
 \end{array}$$

**1.3.** Решите квадратное уравнение.

$$\begin{array}{ll}
 1.3.1. z^2 - (3+i)z + 4 + 3i = 0. & 1.3.14. z^2 - (3+2i)z + 5 + i = 0. \\
 1.3.2. z^2 - (3-i)z + 4 - 3i = 0. & 1.3.15. z^2 - (4+4i)z + 1 + 8i = 0. \\
 1.3.3. z^2 - (3+3i)z + 5i = 0. & 1.3.16. z^2 - (4+2i)z + 7 + 4i = 0. \\
 1.3.4. z^2 - (3-3i)z - 5i = 0. & 1.3.17. z^2 - (3-2i)z + 5 - i = 0. \\
 1.3.5. z^2 - (2+4i)z - 2 + 4i = 0. & 1.3.18. z^2 - (3-4i)z - 1 - 5i = 0. \\
 1.3.6. z^2 - (2+2i)z + 4 + 2i = 0. & 1.3.19. z^2 - (4-2i)z + 7 - 4i = 0. \\
 1.3.7. z^2 - (2-2i)z + 4 - 2i = 0. & 1.3.20. z^2 - (4-4i)z + 1 - 8i = 0. \\
 1.3.8. z^2 - (2-4i)z - 2 - 4i = 0. & 1.3.21. z^2 - (4+3i)z + 1 + 5i = 0. \\
 1.3.9. z^2 - (3+4i)z - 1 + 7i = 0. & 1.3.22. z^2 - (4+i)z + 5 - i = 0. \\
 1.3.10. z^2 - (3+2i)z + 5 + 5i = 0. & 1.3.23. z^2 - (5+3i)z + 4 + 7i = 0. \\
 1.3.11. z^2 - (3-2i)z + 5 - 5i = 0. & 1.3.24. z^2 - (5+i)z + 8 + i = 0. \\
 1.3.12. z^2 - (3-4i)z - 1 - 7i = 0. & 1.3.25. z^2 - (7+8i)z + 3 + 37i = 0. \\
 1.3.13. z^2 - (3+4i)z - 1 + 5i = 0. & 1.3.26. z^2 - (3+4i)z - 1 + 5i = 0.
 \end{array}$$

**1.4.** Найдите модуль и главное значение аргумента (удовлетворяющее условию  $-\pi < \arg z \leq \pi$ ) комплексного числа. Аргумент выразите через арктангенс.

$$\begin{array}{llll}
 1.4.1. -2 + 5i. & 1.4.8. -5 - 3i. & 1.4.15. -7 + 3i. & 1.4.22. -4 + 5i. \\
 1.4.2. -2 - 5i. & 1.4.9. -4 + 5i. & 1.4.16. -7 - 3i. & 1.4.23. -5 - 4i. \\
 1.4.3. -5 + 2i. & 1.4.10. -4 - 5i. & 1.4.17. -4 + 7i. & 1.4.24. -4 + 7i. \\
 1.4.4. -5 - 2i. & 1.4.11. -5 + 4i. & 1.4.18. -4 - 7i. & 1.4.25. -4 - 7i. \\
 1.4.5. -3 + 5i. & 1.4.12. -5 - 4i. & 1.4.19. -7 + 4i. & 1.4.26. -7 - 4i. \\
 1.4.6. -3 - 5i. & 1.4.13. -3 + 7i. & 1.4.20. -7 - 4i. & \\
 1.4.7. -5 + 3i. & 1.4.14. -3 - 7i. & 1.4.21. -5 - 2i.
 \end{array}$$

**1.5.** Найдите все значения корня из комплексного числа. Запишите ответ в алгебраической, тригонометрической и показательной форме.

$$1.5.1. \sqrt[3]{\frac{8+19i}{4-3i} - \frac{7-6i}{1+2i}}.$$

$$1.5.2. \sqrt[3]{\frac{22+7i}{2+3i} - \frac{29+15i}{5-i}}.$$

$$1.5.3. \sqrt[3]{\frac{i-18}{3+2i} + \frac{14i-23}{2-5i}}.$$

$$1.5.4. \sqrt[3]{\frac{31i-8}{4-3i} - \frac{3-14i}{1+2i}}.$$

$$1.5.5. \sqrt[3]{\frac{18+i}{2+3i} - \frac{19+17i}{5-i}}.$$

$$1.5.6. \sqrt[3]{\frac{7i-22}{3+2i} - \frac{33-10i}{2-5i}}.$$

$$1.5.7. \sqrt[3]{\frac{11-2i}{1-2i} - \frac{24-7i}{4+3i}}.$$

$$1.5.8. \sqrt[3]{\frac{14-5i}{2+3i} - \frac{9+19i}{5-i}}.$$

$$1.5.9. \sqrt[3]{\frac{23+24i}{i-4} - \frac{25+5i}{1+3i}}.$$

$$1.5.10. \sqrt[3]{\frac{9+2i}{1-2i} - \frac{16-13i}{4+3i}}.$$

$$1.5.11. \sqrt[3]{\frac{1-13i}{3+i} - \frac{5+14i}{3-2i}}.$$

$$1.5.12. \sqrt[3]{\frac{19+8i}{i-4} - \frac{13+9i}{1+3i}}.$$

$$1.5.13. \sqrt[3]{\frac{9i-2}{2+i} + \frac{17+17i}{3-5i}}.$$

$$1.5.14. \sqrt[3]{\frac{1-18i}{3-2i} - \frac{5+15i}{3+i}}.$$

$$1.5.15. \sqrt[3]{\frac{21+16i}{i-4} - \frac{19+7i}{1+3i}}.$$

$$1.5.16. \sqrt[3]{\frac{2+11i}{2+i} + \frac{11+27i}{3-5i}}.$$

$$1.5.17. \sqrt[3]{\frac{7-22i}{3-2i} - \frac{11+17i}{3+i}}.$$

$$1.5.18. \sqrt[3]{\frac{17+11i}{i-3} - \frac{29+15i}{1+5i}}.$$

$$1.5.19. \sqrt[3]{\frac{29-3i}{3-5i} - \frac{10-5i}{2+i}}.$$

$$1.5.20. \sqrt[3]{\frac{19-7i}{3+i} - \frac{23+2i}{3-2i}}.$$

$$1.5.21. \sqrt[3]{\frac{i-13}{3-i} - \frac{9+19i}{1+5i}}.$$

$$1.5.22. \sqrt[3]{\frac{22+7i}{2+3i} - \frac{29+15i}{5-i}}.$$

$$1.5.23. \sqrt[3]{\frac{18+i}{2+3i} - \frac{19+17i}{5-i}}.$$

$$1.5.24. \sqrt[3]{\frac{23+24i}{i-4} - \frac{25+5i}{1+3i}}.$$

$$1.5.25. \sqrt[3]{\frac{9i-2}{2+i} + \frac{17+17i}{3-5i}}.$$

$$1.5.26. \sqrt[3]{\frac{2+11i}{2+i} + \frac{11+27i}{3-5i}}.$$

**1.6.** Найдите все значения корня из комплексного числа. Запишите ответ в алгебраической, тригонометрической и показательной форме.

$$1.6.1. \sqrt[4]{\frac{5\sqrt{3}+23i}{\sqrt{3}-i} - \frac{8\sqrt{3}+9i}{\sqrt{3}+2i}}.$$

$$1.6.2. \sqrt[4]{\frac{3\sqrt{3}-21i}{\sqrt{3}+i} - \frac{12\sqrt{3}+7i}{2\sqrt{3}-i}}.$$

$$1.6.3. \sqrt[4]{\frac{\sqrt{3} + 11i}{\sqrt{3} - i} + \frac{3i - 16\sqrt{3}}{\sqrt{3} + 2i}}.$$

$$1.6.4. \sqrt[4]{\frac{5\sqrt{3} - 19i}{\sqrt{3} + i} - \frac{16\sqrt{3} + 5i}{2\sqrt{3} - i}}.$$

$$1.6.5. \sqrt[4]{\frac{19i - 9\sqrt{3}}{\sqrt{3} + i} - \frac{4\sqrt{3} - 15i}{\sqrt{3} - 2i}}.$$

$$1.6.6. \sqrt[4]{\frac{7\sqrt{3} + 17i}{i - \sqrt{3}} - \frac{12\sqrt{3} + 19i}{2\sqrt{3} + i}}.$$

$$1.6.7. \sqrt[4]{\frac{20i - 8\sqrt{3}}{\sqrt{3} + i} - \frac{5\sqrt{3} - 17i}{\sqrt{3} - 2i}}.$$

$$1.6.8. \sqrt[4]{\frac{8\sqrt{3} + 20i}{i - \sqrt{3}} - \frac{13\sqrt{3} + 13i}{2\sqrt{3} + i}}.$$

$$1.6.9. \sqrt[4]{\frac{6i\sqrt{3} - 22}{1 + i\sqrt{3}} + \frac{9i\sqrt{3} - 11}{2 - i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.10. \sqrt[4]{\frac{18 - 22i\sqrt{3}}{3 + i\sqrt{3}} - \frac{13 - 13i\sqrt{3}}{1 - 2i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.11. \sqrt[4]{\frac{5i\sqrt{3} - 19}{1 + i\sqrt{3}} - \frac{8 - 11i\sqrt{3}}{2 - i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.12. \sqrt[4]{\frac{9 - 13i\sqrt{3}}{3 + i\sqrt{3}} - \frac{31 - 10i\sqrt{3}}{1 - 2i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.13. \sqrt[4]{\frac{17 + 7i\sqrt{3}}{1 - i\sqrt{3}} - \frac{20 + 3i\sqrt{3}}{2 + i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.14. \sqrt[4]{\frac{3 - 15i\sqrt{3}}{3 + i\sqrt{3}} - \frac{29 - 6i\sqrt{3}}{1 - 2i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.15. \sqrt[4]{\frac{16 + 8i\sqrt{3}}{1 - i\sqrt{3}} - \frac{18 + 2i\sqrt{3}}{2 + i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.16. \sqrt[4]{\frac{9 - 7i\sqrt{3}}{1 + i\sqrt{3}} - \frac{22 + 3i\sqrt{3}}{2 - i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.17. \sqrt[4]{\frac{3 + 16i\sqrt{3}}{2 - i\sqrt{3}} - \frac{11 - i\sqrt{3}}{1 + i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.18. \sqrt[4]{\frac{12 - 8i\sqrt{3}}{1 + i\sqrt{3}} - \frac{19 + i\sqrt{3}}{2 - i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.19. \sqrt[4]{\frac{2i\sqrt{3} - 10}{1 + i\sqrt{3}} + \frac{1 + 17i\sqrt{3}}{2 - i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.20. \sqrt[4]{\frac{14 - 6i\sqrt{3}}{1 + i\sqrt{3}} - \frac{23 - i\sqrt{3}}{2 - i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.21. \sqrt[4]{\frac{8 + 4i\sqrt{3}}{1 - i\sqrt{3}} - \frac{29 - 3i\sqrt{3}}{2 + i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.22. \sqrt[4]{\frac{3\sqrt{3} - 21i}{\sqrt{3} + i} - \frac{12\sqrt{3} + 7i}{2\sqrt{3} - i}}.$$

$$1.6.23. \sqrt[4]{\frac{19i - 9\sqrt{3}}{\sqrt{3} + i} - \frac{4\sqrt{3} - 15i}{\sqrt{3} - 2i}}.$$

$$1.6.24. \sqrt[4]{\frac{18 - 22i\sqrt{3}}{3 + i\sqrt{3}} - \frac{13 - 13i\sqrt{3}}{1 - 2i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.25. \sqrt[4]{\frac{17 + 7i\sqrt{3}}{1 - i\sqrt{3}} - \frac{20 + 3i\sqrt{3}}{2 + i\sqrt{3}}}.$$

$$1.6.26. \sqrt[4]{\frac{2i\sqrt{3} - 10}{1 + i\sqrt{3}} + \frac{1 + 17i\sqrt{3}}{2 - i\sqrt{3}}}.$$

## 2. МАТРИЦЫ И ОПРЕДЕЛИТЕЛИ. АЛГОРИТМ ГАУССА—ЖОРДАНА

**2.1.** Найдите произведения матриц  $AX$ ,  $X^TAX$ , где  $X = (x, y, z)^T$ , а матрица  $A$  равна

2.1.1. $\begin{pmatrix} -2 & -4 & 1 \\ 5 & -5 & -4 \\ -5 & -2 & 3 \end{pmatrix}$ .	2.1.10. $\begin{pmatrix} -3 & -4 & 6 \\ -5 & 4 & 1 \\ 1 & 2 & -2 \end{pmatrix}$ .	2.1.19. $\begin{pmatrix} -7 & -3 & 4 \\ -4 & -7 & 6 \\ 4 & 5 & 1 \end{pmatrix}$ .
2.1.2. $\begin{pmatrix} -6 & 3 & 6 \\ -5 & 4 & 4 \\ 1 & 6 & 3 \end{pmatrix}$ .	2.1.11. $\begin{pmatrix} 4 & -4 & 3 \\ 1 & -6 & -3 \\ 6 & 5 & 6 \end{pmatrix}$ .	2.1.20. $\begin{pmatrix} -4 & -1 & 1 \\ -4 & 6 & 4 \\ 4 & 2 & 6 \end{pmatrix}$ .
2.1.3. $\begin{pmatrix} -1 & 1 & -2 \\ -3 & 4 & -3 \\ 3 & 2 & -3 \end{pmatrix}$ .	2.1.12. $\begin{pmatrix} 1 & 6 & -3 \\ 7 & -2 & 7 \\ 7 & 4 & 3 \end{pmatrix}$ .	2.1.21. $\begin{pmatrix} 3 & 5 & -5 \\ -2 & -7 & -6 \\ 6 & 5 & -1 \end{pmatrix}$ .
2.1.4. $\begin{pmatrix} -3 & 6 & -6 \\ 1 & 2 & 1 \\ 6 & -2 & -5 \end{pmatrix}$ .	2.1.13. $\begin{pmatrix} 4 & 3 & -5 \\ -2 & 6 & -7 \\ -5 & 5 & -4 \end{pmatrix}$ .	2.1.22. $\begin{pmatrix} -4 & -1 & 2 \\ 2 & -4 & -7 \\ 4 & 3 & 7 \end{pmatrix}$ .
2.1.5. $\begin{pmatrix} 3 & -5 & 7 \\ -1 & -2 & 4 \\ -6 & 5 & -5 \end{pmatrix}$ .	2.1.14. $\begin{pmatrix} -6 & -6 & -6 \\ -7 & 6 & 2 \\ 2 & 1 & -2 \end{pmatrix}$ .	2.1.23. $\begin{pmatrix} 4 & 6 & -3 \\ 1 & 5 & -1 \\ -3 & 2 & -7 \end{pmatrix}$ .
2.1.6. $\begin{pmatrix} -1 & -2 & -7 \\ -4 & 2 & -2 \\ 4 & 3 & -7 \end{pmatrix}$ .	2.1.15. $\begin{pmatrix} -3 & 1 & -2 \\ 1 & 7 & -3 \\ 1 & 2 & 2 \end{pmatrix}$ .	2.1.24. $\begin{pmatrix} -7 & 6 & -4 \\ 1 & -2 & -1 \\ 1 & -1 & -4 \end{pmatrix}$ .
2.1.7. $\begin{pmatrix} -4 & 4 & 6 \\ 5 & 7 & 3 \\ 1 & -6 & -7 \end{pmatrix}$ .	2.1.16. $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 5 \\ 3 & 4 & -5 \\ 2 & -4 & 7 \end{pmatrix}$ .	2.1.25. $\begin{pmatrix} -2 & -4 & 5 \\ 1 & -3 & -4 \\ 7 & 5 & 3 \end{pmatrix}$ .
2.1.8. $\begin{pmatrix} 3 & -4 & 1 \\ -2 & 3 & 1 \\ -6 & 5 & -3 \end{pmatrix}$ .	2.1.17. $\begin{pmatrix} 1 & 5 & 1 \\ -3 & -1 & 2 \\ -5 & 4 & -7 \end{pmatrix}$ .	2.1.26. $\begin{pmatrix} 2 & -1 & -7 \\ -5 & -1 & -5 \\ -6 & -5 & -3 \end{pmatrix}$ .
2.1.9. $\begin{pmatrix} -4 & 2 & 5 \\ 3 & 6 & -7 \\ -5 & -6 & 6 \end{pmatrix}$ .	2.1.18. $\begin{pmatrix} -6 & 3 & -3 \\ 7 & 3 & -4 \\ -3 & -1 & 4 \end{pmatrix}$ .	

**2.2.** Вычислите определитель тремя способами: (а) с помощью разложения по первой строке; (б) с помощью разложения по первому столбцу; (с) используя алгоритм Гаусса для предварительного упрощения вычислений.

2.2.1. $\begin{vmatrix} -3 & 3 & -4 \\ 5 & -2 & 7 \\ 3 & -1 & -1 \end{vmatrix}$ .	2.2.3. $\begin{vmatrix} 4 & 1 & -5 \\ 3 & -4 & -2 \\ 2 & -4 & 1 \end{vmatrix}$ .	2.2.5. $\begin{vmatrix} 6 & -4 & 5 \\ -3 & -2 & 4 \\ -4 & 6 & 6 \end{vmatrix}$ .
---	--	--

2.2.2. $\begin{vmatrix} 5 & 7 & -1 \\ -4 & -1 & -3 \\ -4 & -6 & 2 \end{vmatrix}$ .	2.2.4. $\begin{vmatrix} -2 & 2 & -7 \\ 4 & -7 & 7 \\ -3 & 3 & 5 \end{vmatrix}$ .	2.2.6. $\begin{vmatrix} -7 & 6 & 2 \\ 5 & 1 & 7 \\ 2 & -4 & -7 \end{vmatrix}$ .
--	--	---

2.2.7.	$\begin{vmatrix} -7 & 1 & -1 \\ 5 & 2 & 6 \\ -5 & 5 & 1 \end{vmatrix}$	2.2.14.	$\begin{vmatrix} -5 & 3 & 6 \\ 3 & 7 & 2 \\ -7 & 2 & 2 \end{vmatrix}$	2.2.21.	$\begin{vmatrix} 6 & 5 & 7 \\ 2 & -1 & 1 \\ -7 & 2 & -6 \end{vmatrix}$
2.2.8.	$\begin{vmatrix} 5 & 5 & 7 \\ -2 & -5 & 2 \\ 7 & 5 & 7 \end{vmatrix}$	2.2.15.	$\begin{vmatrix} 4 & 5 & 4 \\ 3 & 6 & 3 \\ 1 & -1 & -1 \end{vmatrix}$	2.2.22.	$\begin{vmatrix} -5 & -7 & -2 \\ -5 & 4 & -5 \\ -3 & -4 & -7 \end{vmatrix}$
2.2.9.	$\begin{vmatrix} 3 & 3 & 6 \\ -4 & -6 & 2 \\ -3 & 1 & 3 \end{vmatrix}$	2.2.16.	$\begin{vmatrix} -3 & 2 & 5 \\ -2 & -2 & -6 \\ -1 & 3 & -7 \end{vmatrix}$	2.2.23.	$\begin{vmatrix} 5 & -7 & -7 \\ 4 & -6 & -5 \\ -3 & -4 & -1 \end{vmatrix}$
2.2.10.	$\begin{vmatrix} 2 & -1 & 7 \\ 5 & 1 & 3 \\ 7 & -6 & -1 \end{vmatrix}$	2.2.17.	$\begin{vmatrix} 1 & 5 & -1 \\ -5 & 3 & -4 \\ 2 & -1 & 1 \end{vmatrix}$	2.2.24.	$\begin{vmatrix} 3 & -6 & -7 \\ 1 & 2 & -3 \\ -1 & 5 & -3 \end{vmatrix}$
2.2.11.	$\begin{vmatrix} -3 & -1 & -6 \\ -7 & 1 & 2 \\ 6 & 7 & 4 \end{vmatrix}$	2.2.18.	$\begin{vmatrix} -5 & -2 & -5 \\ -7 & 2 & -4 \\ -6 & 0 & 3 \end{vmatrix}$	2.2.25.	$\begin{vmatrix} 6 & -3 & -2 \\ 3 & -5 & 3 \\ -2 & 4 & 4 \end{vmatrix}$
2.2.12.	$\begin{vmatrix} 3 & -1 & 3 \\ -7 & 3 & 4 \\ -1 & -6 & 5 \end{vmatrix}$	2.2.19.	$\begin{vmatrix} 2 & -2 & 5 \\ -4 & 2 & 1 \\ 1 & -2 & -2 \end{vmatrix}$	2.2.26.	$\begin{vmatrix} -7 & 6 & 6 \\ -7 & 1 & 4 \\ 3 & 5 & -6 \end{vmatrix}$
2.2.13.	$\begin{vmatrix} -5 & 4 & -3 \\ -2 & -6 & 5 \\ 3 & 4 & 3 \end{vmatrix}$	2.2.20.	$\begin{vmatrix} 4 & 7 & -1 \\ -3 & 5 & -5 \\ -3 & -4 & 7 \end{vmatrix}$		

**2.3.** Для данной матрицы найдите обратную. Проверьте правильность вычисления умножением матриц.

2.3.1.	$\begin{pmatrix} -7 & 3 \\ -4 & 6 \end{pmatrix}$	2.3.8.	$\begin{pmatrix} -7 & -5 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$	2.3.15.	$\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ -7 & 7 \end{pmatrix}$	2.3.22.	$\begin{pmatrix} 4 & -2 \\ -2 & -2 \end{pmatrix}$
2.3.2.	$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -7 \end{pmatrix}$	2.3.9.	$\begin{pmatrix} 7 & -5 \\ 5 & -6 \end{pmatrix}$	2.3.16.	$\begin{pmatrix} 5 & -4 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$	2.3.23.	$\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ -2 & -7 \end{pmatrix}$
2.3.3.	$\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 7 & -4 \end{pmatrix}$	2.3.10.	$\begin{pmatrix} 5 & -1 \\ -1 & -4 \end{pmatrix}$	2.3.17.	$\begin{pmatrix} -6 & 3 \\ -5 & 1 \end{pmatrix}$	2.3.24.	$\begin{pmatrix} -2 & -6 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$
2.3.4.	$\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 7 & 7 \end{pmatrix}$	2.3.11.	$\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 2 & -6 \end{pmatrix}$	2.3.18.	$\begin{pmatrix} -7 & -7 \\ 7 & 4 \end{pmatrix}$	2.3.25.	$\begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 4 & -7 \end{pmatrix}$
2.3.5.	$\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ -7 & -4 \end{pmatrix}$	2.3.12.	$\begin{pmatrix} -6 & -7 \\ 1 & -6 \end{pmatrix}$	2.3.19.	$\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -6 & -5 \end{pmatrix}$	2.3.26.	$\begin{pmatrix} -7 & 3 \\ -6 & -2 \end{pmatrix}$
2.3.6.	$\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ -6 & -6 \end{pmatrix}$	2.3.13.	$\begin{pmatrix} -6 & -3 \\ -7 & -6 \end{pmatrix}$	2.3.20.	$\begin{pmatrix} -4 & 1 \\ 7 & -4 \end{pmatrix}$		
2.3.7.	$\begin{pmatrix} -1 & -4 \\ 2 & 6 \end{pmatrix}$	2.3.14.	$\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 5 \end{pmatrix}$	2.3.21.	$\begin{pmatrix} -4 & 1 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$		

**2.4.** Методом Гаусса приведите матрицу к упрощённому виду. Укажите базисные столбцы и найдите линейные зависимости между столбцами.

$$2.4.1. \begin{pmatrix} -5 & -1 & -13 & -3 & -32 & 7 \\ -3 & 3 & 3 & 1 & 2 & 15 \\ -2 & -4 & -16 & -2 & -24 & -8 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.10. \begin{pmatrix} -3 & 1 & -9 & -1 & 12 & 3 \\ -1 & 3 & -11 & 1 & 8 & -7 \\ 0 & -2 & 6 & 0 & -4 & 6 \\ 1 & 1 & -1 & 1 & -2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.2. \begin{pmatrix} -5 & -1 & -7 & -3 & 16 & 13 \\ -3 & 3 & -15 & 1 & 14 & -3 \\ -2 & -4 & 8 & -2 & 0 & 16 \\ 1 & 1 & -1 & 1 & -2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.11. \begin{pmatrix} -3 & 1 & -7 & -1 & -8 & 11 \\ -1 & 3 & 3 & 1 & 12 & 9 \\ 0 & -2 & -4 & 0 & -6 & -4 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & -1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.3. \begin{pmatrix} -5 & -1 & -17 & -3 & -28 & 13 \\ -3 & 3 & -3 & 1 & 8 & 15 \\ -2 & -4 & -14 & -2 & -26 & -2 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & -1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.12. \begin{pmatrix} -3 & 1 & -11 & -1 & 8 & 7 \\ -1 & 3 & -9 & 1 & 12 & -3 \\ 0 & -2 & 4 & 0 & -6 & 4 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.4. \begin{pmatrix} -5 & -1 & -13 & -3 & 4 & 17 \\ -3 & 3 & -15 & 1 & 16 & 3 \\ -2 & -4 & 2 & -2 & -10 & 14 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.13. \begin{pmatrix} -2 & 2 & 2 & 0 & -2 & 10 \\ 0 & 3 & 9 & 1 & 11 & 9 \\ 1 & -1 & -1 & 1 & 6 & -5 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.5. \begin{pmatrix} -4 & 0 & -8 & -2 & -22 & 8 \\ -2 & 3 & 5 & 1 & 5 & 13 \\ -1 & -3 & -11 & -1 & -14 & -7 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.14. \begin{pmatrix} -2 & 2 & -10 & 0 & 10 & -2 \\ 0 & 3 & -9 & 1 & 5 & -9 \\ 1 & -1 & 5 & 1 & -6 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 1 & -2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.6. \begin{pmatrix} -4 & 0 & -8 & -2 & 14 & 8 \\ -2 & 3 & -13 & 1 & 11 & -5 \\ -1 & -3 & 7 & -1 & -2 & 11 \\ 1 & 1 & -1 & 1 & -2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.15. \begin{pmatrix} -2 & 2 & -2 & 0 & 2 & 10 \\ 0 & 3 & 6 & 1 & 14 & 6 \\ 1 & -1 & 1 & 1 & 4 & -5 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & -1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.7. \begin{pmatrix} -4 & 0 & -12 & -2 & -18 & 12 \\ -2 & 3 & 0 & 1 & 10 & 12 \\ -1 & -3 & -9 & -1 & -16 & -3 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & -1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.16. \begin{pmatrix} -2 & 2 & -10 & 0 & 10 & 2 \\ 0 & 3 & -6 & 1 & 10 & -6 \\ 1 & -1 & 5 & 1 & -4 & -1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.8. \begin{pmatrix} -4 & 0 & -12 & -2 & 6 & 12 \\ -2 & 3 & -12 & 1 & 14 & 0 \\ -1 & -3 & 3 & -1 & -8 & 9 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.17. \begin{pmatrix} -1 & 3 & 7 & 1 & 8 & 11 \\ 1 & 3 & 11 & 1 & 14 & 7 \\ 2 & 0 & 4 & 2 & 16 & -4 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.9. \begin{pmatrix} -3 & 1 & -3 & -1 & -12 & 9 \\ -1 & 3 & 7 & 1 & 8 & 11 \\ 0 & -2 & -6 & 0 & -4 & -6 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.18. \begin{pmatrix} -1 & 3 & -11 & 1 & 8 & -7 \\ 1 & 3 & -7 & 1 & 2 & -11 \\ 2 & 0 & 4 & 2 & -8 & -4 \\ 1 & 1 & -1 & 1 & -2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.19. \begin{pmatrix} -1 & 3 & 3 & 1 & 12 & 9 \\ 1 & 3 & 9 & 1 & 16 & 3 \\ 2 & 0 & 6 & 2 & 14 & -6 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & -1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.23. \begin{pmatrix} 0 & 4 & 8 & 2 & 22 & 8 \\ 2 & 3 & 12 & 1 & 18 & 0 \\ 3 & 1 & 11 & 3 & 24 & -7 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & -1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.20. \begin{pmatrix} -1 & 3 & -9 & 1 & 12 & -3 \\ 1 & 3 & -3 & 1 & 8 & -9 \\ 2 & 0 & 6 & 2 & -2 & -6 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.24. \begin{pmatrix} 0 & 4 & -8 & 2 & 14 & -8 \\ 2 & 3 & 0 & 1 & 6 & -12 \\ 3 & 1 & 7 & 3 & 0 & -11 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.21. \begin{pmatrix} 0 & 4 & 12 & 2 & 18 & 12 \\ 2 & 3 & 13 & 1 & 17 & 5 \\ 3 & 1 & 9 & 3 & 26 & -3 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.25. \begin{pmatrix} -4 & 0 & -8 & -2 & -22 & 8 \\ -2 & 3 & 5 & 1 & 5 & 13 \\ -1 & -3 & -11 & -1 & -14 & -7 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.22. \begin{pmatrix} 0 & 4 & -12 & 2 & 6 & -12 \\ 2 & 3 & -5 & 1 & -1 & -13 \\ 3 & 1 & 3 & 3 & -10 & -9 \\ 1 & 1 & -1 & 1 & -2 & -5 \end{pmatrix}.$$

$$2.4.26. \begin{pmatrix} -1 & 3 & 7 & 1 & 8 & 11 \\ 1 & 3 & 11 & 1 & 14 & 7 \\ 2 & 0 & 4 & 2 & 16 & -4 \\ 1 & 1 & 5 & 1 & 10 & 1 \end{pmatrix}.$$

**2.5.** Для данной матрицы вычислите обратную методом Гаусса. Проверьте правильность вычисления умножением матриц.

$$2.5.1. \begin{pmatrix} 9 & -18 & -4 \\ 8 & -11 & -4 \\ -2 & 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.7. \begin{pmatrix} -17 & -9 & -3 \\ -30 & -24 & -5 \\ 6 & 5 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.13. \begin{pmatrix} 21 & 28 & -5 \\ 28 & 36 & -7 \\ -4 & -5 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.2. \begin{pmatrix} -35 & -36 & -6 \\ 36 & 31 & 6 \\ 6 & 5 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.8. \begin{pmatrix} 7 & -1 & 1 \\ -30 & 21 & -5 \\ 6 & -4 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.14. \begin{pmatrix} 36 & 33 & 7 \\ -5 & -4 & -1 \\ 5 & 5 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.3. \begin{pmatrix} -13 & 6 & 2 \\ -42 & 19 & 6 \\ -7 & 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.9. \begin{pmatrix} -11 & -6 & -4 \\ -21 & -13 & -7 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.15. \begin{pmatrix} -17 & -24 & 6 \\ 21 & 36 & -7 \\ -3 & -5 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.4. \begin{pmatrix} 36 & 19 & 5 \\ 14 & 9 & 2 \\ 7 & 4 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.10. \begin{pmatrix} -9 & -21 & -5 \\ 8 & 21 & 4 \\ 2 & 5 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.16. \begin{pmatrix} -20 & 11 & -3 \\ -14 & 13 & -2 \\ 7 & -6 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.5. \begin{pmatrix} -41 & -35 & -7 \\ 12 & 9 & 2 \\ 6 & 4 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.11. \begin{pmatrix} 13 & 3 & -3 \\ 24 & 7 & -6 \\ -4 & -1 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.17. \begin{pmatrix} 13 & -4 & -3 \\ 16 & -7 & -4 \\ -4 & 2 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.6. \begin{pmatrix} -3 & -7 & 1 \\ 20 & 26 & -5 \\ -4 & -5 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.12. \begin{pmatrix} 13 & 30 & 6 \\ 10 & 31 & 5 \\ 2 & 6 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$2.5.18. \begin{pmatrix} -19 & 10 & 4 \\ 35 & -6 & -7 \\ -5 & 1 & 1 \end{pmatrix}.$$

- 2.5.19.  $\begin{pmatrix} -4 & 34 & 5 \\ -4 & 29 & 4 \\ -1 & 7 & 1 \end{pmatrix}$ .      2.5.22.  $\begin{pmatrix} 10 & -19 & -3 \\ -6 & 13 & 2 \\ -3 & 6 & 1 \end{pmatrix}$ .      2.5.25.  $\begin{pmatrix} -34 & -4 & 5 \\ 0 & 1 & 0 \\ -7 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ .
- 2.5.20.  $\begin{pmatrix} -2 & 8 & 3 \\ -6 & 31 & 6 \\ -1 & 5 & 1 \end{pmatrix}$ .      2.5.23.  $\begin{pmatrix} -3 & 6 & -1 \\ 4 & -6 & 1 \\ 4 & -7 & 1 \end{pmatrix}$ .      2.5.26.  $\begin{pmatrix} 29 & 4 & 7 \\ -20 & 1 & -5 \\ 4 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ .
- 2.5.21.  $\begin{pmatrix} -5 & -3 & 1 \\ -30 & -9 & 5 \\ -6 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ .      2.5.24.  $\begin{pmatrix} 37 & -29 & -6 \\ -18 & 16 & 3 \\ -6 & 5 & 1 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.** Даны матрицы  $A$  и  $B$ . С помощью метода Гаусса найдите  $B^{-1}AB$ , не вычисляя отдельно  $B^{-1}$ .
- 2.6.1.  $\begin{pmatrix} 0 & -1 & 2 \\ 6 & 1 & 0 \\ 3 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 3 & 1 \\ 3 & 10 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ .      2.6.10.  $\begin{pmatrix} 5 & -1 & -3 \\ -1 & -5 & -3 \\ 2 & -3 & -2 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -3 & -2 \\ 2 & -5 & -4 \\ -3 & 6 & 7 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.2.  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 3 & 0 & -3 \\ 2 & -1 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 3 & -2 \\ 0 & -1 & 3 \end{pmatrix}$ .      2.6.11.  $\begin{pmatrix} 5 & -4 & 2 \\ 1 & 2 & 2 \\ 3 & 2 & 3 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 3 & -5 & 9 \\ -1 & 4 & -2 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.3.  $\begin{pmatrix} 6 & -3 & -4 \\ 0 & 1 & 2 \\ 3 & -1 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 3 & -8 & 9 \\ -1 & 2 & -4 \end{pmatrix}$ .      2.6.12.  $\begin{pmatrix} 2 & 2 & -6 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & -3 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 3 \\ 2 & -5 & -8 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.4.  $\begin{pmatrix} 2 & -4 & -2 \\ -4 & 0 & 4 \\ -1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 \\ -1 & 4 & 1 \\ -2 & 7 & 0 \end{pmatrix}$ .      2.6.13.  $\begin{pmatrix} -2 & 5 & 1 \\ 4 & -1 & 3 \\ 1 & 2 & -3 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 3 & -3 \\ 1 & 4 & -2 \\ 2 & 8 & -3 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.5.  $\begin{pmatrix} -2 & -2 & 3 \\ -2 & -2 & -3 \\ -2 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & 1 & -3 \\ -2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ .      2.6.14.  $\begin{pmatrix} 4 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & -4 \\ 2 & -2 & -1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -2 & -1 \\ 2 & -3 & -4 \\ 2 & -6 & 3 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.6.  $\begin{pmatrix} -1 & 1 & 3 \\ -1 & 3 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & 1 & -3 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ .      2.6.15.  $\begin{pmatrix} -6 & 2 & 2 \\ 0 & -4 & 4 \\ -3 & 3 & -3 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 3 & -3 \\ -3 & -8 & 10 \\ -1 & 0 & 7 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.7.  $\begin{pmatrix} 4 & -1 & 0 \\ 2 & -1 & -2 \\ 3 & -1 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 3 & -2 & -1 \\ -1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ .      2.6.16.  $\begin{pmatrix} -4 & 4 & -2 \\ 2 & -2 & 4 \\ -1 & 1 & -3 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 3 & -3 \\ -1 & -2 & 6 \\ 1 & 4 & 1 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.8.  $\begin{pmatrix} 0 & -2 & -1 \\ -2 & 2 & -1 \\ -1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ -1 & 2 & -2 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ .      2.6.17.  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 4 \\ -3 & 5 & -2 \\ -1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 \\ -1 & 3 & -6 \\ 2 & -3 & 4 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.9.  $\begin{pmatrix} 5 & 4 & 0 \\ -1 & -2 & 2 \\ 2 & 1 & -3 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -3 & -3 \\ 2 & -5 & -5 \\ 1 & -2 & -1 \end{pmatrix}$ .      2.6.18.  $\begin{pmatrix} -3 & 1 & 4 \\ 3 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & -2 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 0 & 1 & -2 \\ -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$ .

- 2.6.19.  $\begin{pmatrix} 1 & -4 & -2 \\ -5 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 \\ -2 & 7 & -3 \\ -2 & 5 & -4 \end{pmatrix}$ . 2.6.23.  $\begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ -2 & -1 & 1 \\ -2 & 2 & -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ -2 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.20.  $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -2 & -3 \\ 1 & -1 & -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & -3 \\ -1 & -2 & 4 \end{pmatrix}$ . 2.6.24.  $\begin{pmatrix} -3 & -1 & 0 \\ -1 & 1 & 2 \\ -2 & 1 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ -2 & -1 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.21.  $\begin{pmatrix} 1 & -3 & 6 \\ -5 & -1 & 0 \\ -2 & 3 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & -3 & 1 \\ -2 & 7 & -5 \\ -2 & 9 & -10 \end{pmatrix}$ . 2.6.25.  $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 6 & -6 & 2 \\ 3 & 1 & -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 3 & -3 \\ 3 & 10 & -8 \\ -3 & -8 & 11 \end{pmatrix}$ .
- 2.6.22.  $\begin{pmatrix} -2 & -5 & 3 \\ -2 & -1 & 3 \\ -2 & 3 & 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ -2 & 1 & -4 \\ -3 & 3 & -5 \end{pmatrix}$ . 2.6.26.  $\begin{pmatrix} -2 & 0 & -4 \\ 4 & -2 & 0 \\ 1 & -2 & -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 3 & -1 \\ 1 & 4 & 1 \\ -1 & -5 & -2 \end{pmatrix}$ .

**2.7.** Даны матрицы  $A$  и  $B$ . С помощью метода Гаусса найдите  $BA^{-1}$ , не вычисляя отдельно  $A^{-1}$ .

- 2.7.1.  $\begin{pmatrix} 1 & 5 & -3 \\ 0 & -3 & 2 \\ 0 & -2 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & -3 & -4 \\ 2 & 0 & 2 \\ 0 & -2 & -2 \end{pmatrix}$ . 2.7.8.  $\begin{pmatrix} 4 & -3 & 0 \\ -7 & -3 & 2 \\ -3 & -2 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 & 0 & -3 \\ 2 & -1 & 1 \\ -3 & -2 & -5 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.2.  $\begin{pmatrix} 2 & -4 & -1 \\ -8 & -3 & -2 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 & -1 & -3 \\ -2 & -2 & -4 \\ 3 & 2 & 5 \end{pmatrix}$ . 2.7.9.  $\begin{pmatrix} -7 & -2 & -2 \\ 7 & 1 & 2 \\ 3 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 & -2 & -4 \\ 2 & 1 & 3 \\ 3 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.3.  $\begin{pmatrix} 1 & 6 & 3 \\ 8 & 10 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 & 3 & 0 \\ 3 & 2 & 5 \\ 2 & 3 & 5 \end{pmatrix}$ . 2.7.10.  $\begin{pmatrix} 13 & 0 & 3 \\ 0 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 & 3 & 0 \\ 1 & -2 & -1 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.4.  $\begin{pmatrix} -12 & -8 & 3 \\ 8 & 5 & -2 \\ -3 & -2 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 & 3 & 1 \\ -2 & 2 & 0 \\ -3 & -2 & -5 \end{pmatrix}$ . 2.7.11.  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -5 & -8 & 3 \\ -1 & -3 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 3 & -2 & 1 \\ -1 & -3 & -4 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.5.  $\begin{pmatrix} 3 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & -3 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 & 3 & 5 \\ -3 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ . 2.7.12.  $\begin{pmatrix} 0 & 1 & -3 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & -3 & -2 \\ 0 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.6.  $\begin{pmatrix} 8 & 3 & -2 \\ -7 & -3 & 2 \\ -3 & -2 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & -2 & -3 \\ 2 & -1 & 1 \\ -3 & -2 & -5 \end{pmatrix}$ . 2.7.13.  $\begin{pmatrix} 11 & -1 & 2 \\ -4 & 0 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 & 2 & -1 \\ -1 & -2 & -3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.7.  $\begin{pmatrix} 6 & 0 & -1 \\ 1 & 3 & -2 \\ -2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & -1 & -2 \\ -2 & -3 & -5 \\ -2 & -1 & -3 \end{pmatrix}$ . 2.7.14.  $\begin{pmatrix} -2 & -1 & 0 \\ -3 & -5 & -3 \\ 2 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & -1 \\ -3 & 3 & 0 \\ 2 & 2 & 4 \end{pmatrix}$ .

- 2.7.15.  $\begin{pmatrix} 10 & 3 & 0 \\ -3 & -5 & 3 \\ -2 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 3 & 0 & 3 \\ 3 & 3 & 6 \\ -2 & -2 & -4 \end{pmatrix}$ . 2.7.21.  $\begin{pmatrix} 0 & 2 & 1 \\ -8 & 1 & -2 \\ 3 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ -2 & -2 & -4 \\ 3 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.16.  $\begin{pmatrix} 11 & -8 & 3 \\ -2 & 1 & 0 \\ 2 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} -2 & 3 & 1 \\ 0 & -2 & -2 \\ 2 & -2 & 0 \end{pmatrix}$ . 2.7.22.  $\begin{pmatrix} -3 & 0 & 2 \\ -6 & 4 & -3 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 2 & 2 & 4 \\ -3 & -3 & -6 \\ 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.17.  $\begin{pmatrix} 4 & 1 & 0 \\ 6 & 1 & 3 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 3 & 3 & 6 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ . 2.7.23.  $\begin{pmatrix} 8 & 0 & -1 \\ -2 & 1 & 0 \\ -3 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} -2 & -1 & -3 \\ 0 & -2 & -2 \\ -3 & -2 & -5 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.18.  $\begin{pmatrix} 0 & -4 & 1 \\ -3 & -5 & 3 \\ -1 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} -2 & 1 & -1 \\ 3 & 0 & 3 \\ -1 & -2 & -3 \end{pmatrix}$ . 2.7.24.  $\begin{pmatrix} -7 & 8 & -2 \\ -4 & 4 & -1 \\ 1 & -3 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 2 & -2 & 0 \\ -1 & -3 & -4 \\ 1 & -3 & -2 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.19.  $\begin{pmatrix} -8 & -3 & 0 \\ 2 & 0 & -1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} -3 & 0 & -3 \\ -1 & 3 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ . 2.7.25.  $\begin{pmatrix} -1 & -3 & -2 \\ -2 & 3 & 1 \\ 0 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -2 & -1 \\ 1 & -2 & -1 \\ 0 & 2 & 2 \end{pmatrix}$ .
- 2.7.20.  $\begin{pmatrix} -9 & -7 & 3 \\ 10 & 7 & -3 \\ -3 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} -1 & 3 & 2 \\ -3 & 1 & -2 \\ -3 & -2 & -5 \end{pmatrix}$ . 2.7.26.  $\begin{pmatrix} -1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ .

### 3. СИСТЕМЫ ЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ

**3.1.** Запишите неоднородную систему линейных уравнений, зная её расширенную матрицу. Решите систему (а) методом Крамера; (б) методом Гаусса—Жордана.

- 3.1.1. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} 4 & -3 & -3 & 4 \\ 4 & -1 & 0 & 5 \\ 5 & 1 & 5 & 9 \end{array} \right|$$
. 3.1.6. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} 3 & -5 & 5 & 26 \\ 2 & -4 & 3 & 18 \\ -3 & 5 & 2 & -12 \end{array} \right|$$
.
- 3.1.2. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} -2 & 3 & -5 & -20 \\ -5 & 1 & 5 & -2 \\ -2 & 3 & -3 & -16 \end{array} \right|$$
. 3.1.7. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} 4 & -3 & -3 & 12 \\ -1 & -5 & -2 & 6 \\ -2 & -4 & 1 & 9 \end{array} \right|$$
.
- 3.1.3. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} 3 & 5 & 3 & 3 \\ 3 & 5 & -5 & -21 \\ 2 & 0 & 1 & 9 \end{array} \right|$$
. 3.1.8. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} 1 & 3 & -4 & -24 \\ 0 & 4 & -1 & -20 \\ 2 & 4 & 1 & -4 \end{array} \right|$$
.
- 3.1.4. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & -3 & -12 \\ 3 & -5 & 5 & 52 \\ -5 & -4 & -1 & -8 \end{array} \right|$$
. 3.1.9. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} 3 & -5 & 0 & 8 \\ 3 & -5 & 1 & 9 \\ -4 & 1 & 1 & -4 \end{array} \right|$$
.
- 3.1.5. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} -3 & 5 & -3 & -11 \\ 1 & 3 & 5 & 3 \\ -4 & 4 & -1 & -9 \end{array} \right|$$
. 3.1.10. 
$$\left| \begin{array}{ccc|c} -2 & 4 & 0 & -12 \\ 2 & 3 & 1 & 0 \\ 3 & 5 & -1 & -6 \end{array} \right|$$
.

$$3.1.11. \left( \begin{array}{ccc|c} -3 & 2 & 3 & -6 \\ 0 & -1 & -3 & -6 \\ 4 & 5 & 1 & 0 \end{array} \right).$$

$$3.1.19. \left( \begin{array}{ccc|c} 5 & 3 & -4 & -6 \\ -2 & -2 & -4 & -12 \\ 0 & -4 & 4 & 24 \end{array} \right).$$

$$3.1.12. \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 4 & -1 & -16 \\ -3 & 4 & 2 & -20 \\ 2 & -1 & 2 & 20 \end{array} \right).$$

$$3.1.20. \left( \begin{array}{ccc|c} 4 & -1 & -5 & 0 \\ -2 & -5 & 1 & 16 \\ 4 & 5 & 0 & -4 \end{array} \right).$$

$$3.1.13. \left( \begin{array}{ccc|c} -3 & 4 & -2 & -9 \\ -3 & 4 & 2 & -5 \\ -2 & 4 & -3 & -9 \end{array} \right).$$

$$3.1.21. \left( \begin{array}{ccc|c} -1 & -4 & 0 & 3 \\ 1 & 3 & -3 & -5 \\ 4 & -1 & -1 & 4 \end{array} \right).$$

$$3.1.14. \left( \begin{array}{ccc|c} -5 & 3 & -5 & -26 \\ 2 & -4 & 0 & 12 \\ 3 & -5 & 4 & 24 \end{array} \right).$$

$$3.1.22. \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & -2 & 3 & 12 \\ 0 & -1 & -5 & -8 \\ -5 & 1 & 2 & -8 \end{array} \right).$$

$$3.1.15. \left( \begin{array}{ccc|c} 5 & -1 & 2 & 24 \\ 2 & -2 & -4 & 0 \\ 1 & 3 & -2 & -12 \end{array} \right).$$

$$3.1.23. \left( \begin{array}{ccc|c} -3 & -5 & 4 & 18 \\ -2 & 5 & -3 & -30 \\ 1 & 0 & 2 & 9 \end{array} \right).$$

$$3.1.16. \left( \begin{array}{ccc|c} 2 & -1 & 0 & 12 \\ 5 & -2 & 5 & 48 \\ 2 & 1 & 2 & 12 \end{array} \right).$$

$$3.1.24. \left( \begin{array}{ccc|c} 3 & 4 & -4 & -20 \\ -4 & -2 & 2 & 0 \\ 1 & -1 & -4 & -8 \end{array} \right).$$

$$3.1.17. \left( \begin{array}{ccc|c} -4 & 2 & -5 & -11 \\ -1 & 2 & -2 & -5 \\ 5 & 4 & 1 & 2 \end{array} \right).$$

$$3.1.25. \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & -3 & -12 \\ 3 & -5 & 5 & 52 \\ -5 & -4 & -1 & -8 \end{array} \right).$$

$$3.1.18. \left( \begin{array}{ccc|c} 5 & 4 & 3 & 8 \\ -4 & 2 & 1 & -10 \\ 2 & 4 & 4 & 4 \end{array} \right).$$

$$3.1.26. \left( \begin{array}{ccc|c} -5 & 3 & -5 & -26 \\ 2 & -4 & 0 & 12 \\ 3 & -5 & 4 & 24 \end{array} \right).$$

**3.2.** Решите неоднородную систему линейных уравнений с комплексными коэффициентами, заданную своей расширенной матрицей.

$$3.2.1. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 2+i & 3+6i \\ 3-2i & 1+3i & 4+8i \end{array} \right)$$

$$3.2.6. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 3+i & 9-i \\ 2-3i & 1+2i & 3-2i \end{array} \right)$$

$$3.2.2. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 2+i & 7 \\ 3-2i & 1+3i & 6 \end{array} \right)$$

$$3.2.7. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 3+i & 3+7i \\ 2-3i & 1+2i & 6-i \end{array} \right)$$

$$3.2.3. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 2+i & 2+6i \\ 3-2i & 1+3i & 6+3i \end{array} \right)$$

$$3.2.8. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 3+i & 7-i \\ 2-3i & 1+2i & 4-7i \end{array} \right)$$

$$3.2.4. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 2+i & 6 \\ 3-2i & 1+3i & 8-5i \end{array} \right)$$

$$3.2.9. \left( \begin{array}{cc|c} 2+i & 1+2i & 1+8i \\ 3-i & 1+3i & 3+9i \end{array} \right)$$

$$3.2.5. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 3+i & 5+7i \\ 2-3i & 1+2i & 5+4i \end{array} \right)$$

$$3.2.10. \left( \begin{array}{cc|c} 2+i & 1+2i & 7+2i \\ 3-i & 1+3i & 7+i \end{array} \right)$$

$$3.2.11. \left( \begin{array}{cc|c} 2+i & 1+2i & 2+7i \\ 3-i & 1+3i & 5+5i \end{array} \right)$$

$$3.2.19. \left( \begin{array}{cc|c} 3+i & 1+3i & 3+9i \\ 2-i & 1+2i & 4+3i \end{array} \right)$$

$$3.2.12. \left( \begin{array}{cc|c} 2+i & 1+2i & 8+i \\ 3-i & 1+3i & 9-3i \end{array} \right)$$

$$3.2.20. \left( \begin{array}{cc|c} 3+i & 1+3i & 11+i \\ 2-i & 1+2i & 6-3i \end{array} \right)$$

$$3.2.13. \left( \begin{array}{cc|c} 2+i & 3+2i & 5+10i \\ 1-3i & 1+i & 5+i \end{array} \right)$$

$$3.2.21. \left( \begin{array}{cc|c} 3+i & 2+3i & 3+12i \\ 1-2i & 1+i & 4+2i \end{array} \right)$$

$$3.2.14. \left( \begin{array}{cc|c} 2+i & 3+2i & 11 \\ 1-3i & 1+i & 1-3i \end{array} \right)$$

$$3.2.22. \left( \begin{array}{cc|c} 3+i & 2+3i & 11+2i \\ 1-2i & 1+i & 2-2i \end{array} \right)$$

$$3.2.15. \left( \begin{array}{cc|c} 2+i & 3+2i & 4+9i \\ 1-3i & 1+i & 5-3i \end{array} \right)$$

$$3.2.23. \left( \begin{array}{cc|c} 3+i & 2+3i & 4+10i \\ 1-2i & 1+i & 4-i \end{array} \right)$$

$$3.2.16. \left( \begin{array}{cc|c} 2+i & 3+2i & 10-i \\ 1-3i & 1+i & 1-7i \end{array} \right)$$

$$3.2.24. \left( \begin{array}{cc|c} 3+i & 2+3i & 12 \\ 1-2i & 1+i & 2-5i \end{array} \right)$$

$$3.2.17. \left( \begin{array}{cc|c} 3+i & 1+3i & 1+11i \\ 2-i & 1+2i & 3+6i \end{array} \right)$$

$$3.2.25. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 3+i & 5+7i \\ 2-3i & 1+2i & 5+4i \end{array} \right)$$

$$3.2.18. \left( \begin{array}{cc|c} 3+i & 1+3i & 9+3i \\ 2-i & 1+2i & 5 \end{array} \right)$$

$$3.2.26. \left( \begin{array}{cc|c} 1+i & 3+i & 5+7i \\ 2-3i & 1+2i & 5+4i \end{array} \right)$$

**3.3.** Представьте столбец  $X$  в виде линейной комбинации столбцов  $A, B, C$ .

$$3.3.1. X = \begin{pmatrix} 27 \\ 0 \\ -23 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -4 \\ 1 \\ 7 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -6 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.2. X = \begin{pmatrix} -26 \\ -31 \\ 28 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 7 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 \\ -6 \\ 6 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -1 \\ -7 \\ 7 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.3. X = \begin{pmatrix} -24 \\ -42 \\ -17 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \\ -5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.4. X = \begin{pmatrix} -14 \\ -1 \\ 41 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 6 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -6 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 5 \\ -5 \\ 7 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.5. X = \begin{pmatrix} -18 \\ 41 \\ 19 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -7 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.6. X = \begin{pmatrix} 7 \\ -13 \\ 12 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -3 \\ -2 \\ -7 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \\ 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 5 \\ -1 \\ 5 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.7. X = \begin{pmatrix} 0 \\ 16 \\ -4 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -5 \\ -1 \\ -5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ -7 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -4 \\ -5 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.8. X = \begin{pmatrix} 2 \\ 20 \\ 5 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -6 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ -2 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.9. X = \begin{pmatrix} -47 \\ 2 \\ -10 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 4 \\ -1 \\ 7 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 7 \\ -5 \\ 6 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ 5 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.10. X = \begin{pmatrix} -12 \\ 46 \\ 29 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 \\ -6 \\ -5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 \\ -5 \\ 4 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.11. X = \begin{pmatrix} 19 \\ 10 \\ 2 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -3 \\ -7 \\ -5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -4 \\ -7 \\ -3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -7 \\ 4 \\ -4 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.12. X = \begin{pmatrix} -11 \\ -12 \\ 33 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ -3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -6 \\ -3 \\ 6 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -7 \\ -1 \\ -3 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.13. X = \begin{pmatrix} -20 \\ -12 \\ -46 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 6 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -5 \\ 4 \\ -7 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 3 \\ -7 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.14. X = \begin{pmatrix} 60 \\ -17 \\ -39 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ -5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 5 \\ -3 \\ -4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -6 \\ -5 \\ -2 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.15. X = \begin{pmatrix} 3 \\ -56 \\ -6 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -2 \\ -5 \\ 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 \\ -5 \\ -5 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.16. X = \begin{pmatrix} -4 \\ 38 \\ 4 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 6 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -5 \\ 7 \\ -6 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.17. X = \begin{pmatrix} -43 \\ -27 \\ 14 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 3 \\ 6 \\ 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -7 \\ 6 \\ 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 \\ -5 \\ 6 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.18. X = \begin{pmatrix} 17 \\ 1 \\ -33 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ -3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \\ -3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.19. X = \begin{pmatrix} 12 \\ 25 \\ 39 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 7 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ -5 \\ -1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.20. X = \begin{pmatrix} 42 \\ 16 \\ 3 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ -2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 5 \\ -7 \\ 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -5 \\ -4 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.21. X = \begin{pmatrix} -38 \\ 18 \\ -57 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -4 \\ 7 \\ -7 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 6 \\ 1 \\ -4 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.22. X = \begin{pmatrix} 11 \\ -8 \\ -66 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -2 \\ 5 \\ 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 \\ -3 \\ 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 \\ -4 \\ 6 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.23. X = \begin{pmatrix} -21 \\ 46 \\ 21 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -5 \\ -4 \\ 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -6 \\ 6 \\ 7 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 6 \\ -5 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.24. X = \begin{pmatrix} -12 \\ -15 \\ -10 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 5 \\ -6 \\ 6 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -4 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 6 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.25. X = \begin{pmatrix} 38 \\ 6 \\ -81 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} 7 \\ 4 \\ -5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 6 \end{pmatrix}.$$

$$3.3.26. X = \begin{pmatrix} 43 \\ 44 \\ -12 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -5 \\ -6 \\ 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 5 \\ -6 \\ 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -4 \\ -7 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

**3.4.** Даны столбцы  $A, B, C$ . Установите линейную зависимость столбцов. Запишите соотношение вида  $\alpha A + \beta B + \gamma C = O$ , выражающее факт линейной зависимости (коэффициенты  $\alpha, \beta, \gamma$  должны быть взаимно простыми целыми числами).

$$3.4.1. \begin{pmatrix} 16 \\ -8 \\ -16 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 7 \\ -3 \\ -7 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \\ -3 \end{pmatrix}.$$

$$3.4.4. \begin{pmatrix} -19 \\ 36 \\ -25 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ 6 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -7 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}.$$

$$3.4.2. \begin{pmatrix} 31 \\ -29 \\ 25 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -7 \\ 5 \\ -1 \end{pmatrix}.$$

$$3.4.5. \begin{pmatrix} 36 \\ 11 \\ 35 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ -7 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ 6 \end{pmatrix}.$$

$$3.4.3. \begin{pmatrix} -20 \\ -28 \\ -30 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ 5 \end{pmatrix}.$$

$$3.4.6. \begin{pmatrix} 9 \\ 13 \\ 11 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ 5 \\ -1 \end{pmatrix}.$$

- 3.4.7.  $\begin{pmatrix} -28 \\ -45 \\ -29 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -5 \\ -6 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ -5 \\ -3 \end{pmatrix}$ .      3.4.17.  $\begin{pmatrix} 11 \\ -3 \\ 8 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 6 \end{pmatrix}$ .
- 3.4.8.  $\begin{pmatrix} 40 \\ 0 \\ 22 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -6 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 7 \end{pmatrix}$ .      3.4.18.  $\begin{pmatrix} -39 \\ -36 \\ 6 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ -7 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 7 \\ 6 \\ 5 \end{pmatrix}$ .
- 3.4.9.  $\begin{pmatrix} 21 \\ -17 \\ -27 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}$ .      3.4.19.  $\begin{pmatrix} -5 \\ -28 \\ 14 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ 5 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ -6 \\ 2 \end{pmatrix}$ .
- 3.4.10.  $\begin{pmatrix} 27 \\ -21 \\ -13 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ -7 \\ -7 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix}$ .      3.4.20.  $\begin{pmatrix} -8 \\ 37 \\ 55 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ 6 \\ 4 \end{pmatrix}$ .
- 3.4.11.  $\begin{pmatrix} -52 \\ 4 \\ -45 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -6 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ 7 \end{pmatrix}$ .      3.4.21.  $\begin{pmatrix} -4 \\ 17 \\ 10 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 6 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix}$ .
- 3.4.12.  $\begin{pmatrix} -35 \\ -5 \\ 12 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 7 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ -4 \\ 0 \end{pmatrix}$ .      3.4.22.  $\begin{pmatrix} -6 \\ -30 \\ 12 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$ .
- 3.4.13.  $\begin{pmatrix} 45 \\ 6 \\ -77 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ -7 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -5 \\ -1 \\ 7 \end{pmatrix}$ .      3.4.23.  $\begin{pmatrix} 22 \\ 22 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -7 \\ -6 \\ 1 \end{pmatrix}$ .
- 3.4.14.  $\begin{pmatrix} -3 \\ -6 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -5 \\ -4 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ -5 \\ 2 \end{pmatrix}$ .      3.4.24.  $\begin{pmatrix} 8 \\ 0 \\ -12 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \\ -6 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ -6 \\ 6 \end{pmatrix}$ .
- 3.4.15.  $\begin{pmatrix} -12 \\ 11 \\ -12 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 7 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -5 \\ 2 \end{pmatrix}$ .      3.4.25.  $\begin{pmatrix} -24 \\ 41 \\ 25 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ -7 \\ -7 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 6 \end{pmatrix}$ .
- 3.4.16.  $\begin{pmatrix} -9 \\ -21 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -7 \\ -5 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}$ .      3.4.26.  $\begin{pmatrix} -35 \\ -23 \\ 40 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -5 \\ -4 \\ 5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -5 \\ -3 \\ 6 \end{pmatrix}$ .

**3.5.** Решите однородную систему линейных уравнений, заданную основной матрицей. В качестве базисных неизвестных выбирайте неизвестные с наименьшими возможными номерами.

- 3.5.1.  $\begin{pmatrix} 4 & 5 & 9 & -1 \\ 2 & 3 & 5 & -1 \\ 1 & 2 & 3 & -1 \end{pmatrix}$ .      3.5.2.  $\begin{pmatrix} 6 & 11 & 28 & -5 \\ 3 & 7 & 17 & -4 \\ 1 & 3 & 7 & -2 \end{pmatrix}$ .      3.5.3.  $\begin{pmatrix} 5 & 6 & 17 & 4 \\ 3 & 5 & 13 & 1 \\ 1 & 2 & 5 & 0 \end{pmatrix}$ .

3.5.4. $\begin{pmatrix} 7 & 12 & 19 & 2 \\ 4 & 10 & 14 & -2 \\ 1 & 3 & 4 & -1 \end{pmatrix}$ .	3.5.11. $\begin{pmatrix} 6 & 17 & 40 & -5 \\ 2 & 5 & 12 & -1 \\ 1 & 4 & 9 & -2 \end{pmatrix}$ .	3.5.19. $\begin{pmatrix} 4 & 5 & 14 & 3 \\ 2 & 3 & 8 & 1 \\ 1 & 2 & 5 & 0 \end{pmatrix}$ .
3.5.5. $\begin{pmatrix} 5 & 6 & 11 & -1 \\ 3 & 5 & 8 & -2 \\ 1 & 2 & 3 & -1 \end{pmatrix}$ .	3.5.12. $\begin{pmatrix} 5 & 6 & 11 & 4 \\ 3 & 5 & 8 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 0 \end{pmatrix}$ .	3.5.20. $\begin{pmatrix} 4 & 5 & 9 & 3 \\ 2 & 3 & 5 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 0 \end{pmatrix}$ .
3.5.6. $\begin{pmatrix} 6 & 17 & 40 & -11 \\ 2 & 5 & 12 & -3 \\ 1 & 4 & 9 & -3 \end{pmatrix}$ .	3.5.13. $\begin{pmatrix} 6 & 7 & 13 & -1 \\ 4 & 7 & 11 & -3 \\ 1 & 2 & 3 & -1 \end{pmatrix}$ .	3.5.21. $\begin{pmatrix} 5 & 10 & 15 & -5 \\ 2 & 4 & 6 & -2 \\ 1 & 3 & 4 & -2 \end{pmatrix}$ .
3.5.7. $\begin{pmatrix} 6 & 11 & 28 & 1 \\ 3 & 7 & 17 & -1 \\ 1 & 3 & 7 & -1 \end{pmatrix}$ .	3.5.14. $\begin{pmatrix} 5 & 6 & 17 & -1 \\ 3 & 5 & 13 & -2 \\ 1 & 2 & 5 & -1 \end{pmatrix}$ .	3.5.22. $\begin{pmatrix} 6 & 7 & 20 & -1 \\ 4 & 7 & 18 & -3 \\ 1 & 2 & 5 & -1 \end{pmatrix}$ .
3.5.8. $\begin{pmatrix} 6 & 17 & 23 & -5 \\ 2 & 5 & 7 & -1 \\ 1 & 4 & 5 & -2 \end{pmatrix}$ .	3.5.16. $\begin{pmatrix} 6 & 7 & 13 & 5 \\ 4 & 7 & 11 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 0 \end{pmatrix}$ .	3.5.24. $\begin{pmatrix} 5 & 10 & 15 & 0 \\ 2 & 4 & 6 & 0 \\ 1 & 3 & 4 & -1 \end{pmatrix}$ .
3.5.9. $\begin{pmatrix} 7 & 12 & 19 & -5 \\ 4 & 10 & 14 & -6 \\ 1 & 3 & 4 & -2 \end{pmatrix}$ .	3.5.17. $\begin{pmatrix} 6 & 17 & 23 & -11 \\ 2 & 5 & 7 & -3 \\ 1 & 4 & 5 & -3 \end{pmatrix}$ .	3.5.25. $\begin{pmatrix} 6 & 11 & 17 & -5 \\ 3 & 7 & 10 & -4 \\ 1 & 3 & 4 & -2 \end{pmatrix}$ .
3.5.10. $\begin{pmatrix} 5 & 10 & 25 & -5 \\ 2 & 4 & 10 & -2 \\ 1 & 3 & 7 & -2 \end{pmatrix}$ .	3.5.18. $\begin{pmatrix} 7 & 12 & 31 & -5 \\ 4 & 10 & 24 & -6 \\ 1 & 3 & 7 & -2 \end{pmatrix}$ .	3.5.26. $\begin{pmatrix} 6 & 17 & 40 & -11 \\ 2 & 5 & 12 & -3 \\ 1 & 4 & 9 & -3 \end{pmatrix}$ .

**3.6.** Даны блочная матрица  $(A|B_1|B_2)$ . Решите две неоднородные системы, заданные расширенными матрицами  $(A|B_1)$  и  $(A|B_2)$ . В качестве базисных неизвестных выбирайте неизвестные с наименьшими возможными номерами.

3.6.1. $\left( \begin{array}{cccc cc} 1 & 2 & -4 & 0 & -3 & 14 & 1 \\ 2 & 5 & -11 & -1 & -10 & 27 & 2 \\ 1 & 2 & -4 & 1 & -1 & 20 & 1 \\ 2 & 5 & -11 & -1 & -10 & 27 & 3 \end{array} \right)$	3.6.3. $\left( \begin{array}{cccc cc} 1 & 2 & -4 & 1 & -1 & 20 & 2 \\ 2 & 5 & -11 & 2 & -4 & 45 & 5 \\ 0 & -1 & 3 & 1 & 4 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & -4 & 1 & -1 & 20 & 3 \end{array} \right)$
3.6.2. $\left( \begin{array}{cccc cc} 1 & 2 & 4 & 0 & 1 & 1 & 16 \\ 2 & 5 & 11 & -1 & 5 & 2 & 33 \\ 1 & 2 & 4 & 1 & -1 & 1 & 20 \\ 2 & 5 & 11 & -1 & 5 & 3 & 33 \end{array} \right)$	3.6.4. $\left( \begin{array}{cccc cc} 1 & 2 & 4 & 1 & -1 & 2 & 20 \\ 2 & 5 & 11 & 2 & -1 & 5 & 45 \\ 0 & -1 & -3 & 1 & -3 & -1 & -1 \\ 1 & 2 & 4 & 1 & -1 & 3 & 20 \end{array} \right)$

$$3.6.5. \left( \begin{array}{cccccc|cc} 1 & 2 & -4 & -1 & -5 & 8 & 0 \\ 2 & 5 & -11 & -4 & -16 & 9 & -1 \\ 0 & -1 & 3 & 3 & 8 & 13 & 1 \\ 1 & 2 & -4 & -1 & -5 & 8 & 1 \end{array} \right).$$

$$3.6.15. \left( \begin{array}{cccccc|cc} 1 & 2 & -4 & -1 & -5 & 8 & 0 \\ 2 & 5 & -11 & -4 & -16 & 9 & -1 \\ -1 & -4 & 10 & 6 & 19 & 12 & 2 \\ 0 & -1 & 3 & 2 & 6 & 7 & 2 \end{array} \right).$$

$$3.6.6. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & -1 & 3 & 0 & 12 \\ 2 & 5 & 11 & -4 & 11 & -1 & 21 \\ 0 & -1 & -3 & 3 & -7 & 1 & 7 \\ 1 & 2 & 4 & -1 & 3 & 1 & 12 \end{array} \right).$$

$$3.6.16. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & -1 & 3 & 0 & 12 \\ 2 & 5 & 11 & -4 & 11 & -1 & 21 \\ -1 & -4 & -10 & 6 & -15 & 2 & -2 \\ 0 & -1 & -3 & 2 & -5 & 2 & 3 \end{array} \right).$$

$$3.6.7. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & -4 & 0 & -3 & 14 & 1 \\ 2 & 5 & -11 & -1 & -10 & 27 & 2 \\ -1 & -4 & 10 & 3 & 13 & -6 & -1 \\ 0 & -1 & 3 & 1 & 4 & 1 & 1 \end{array} \right).$$

$$3.6.17. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & -4 & 2 & 1 & 26 & 3 \\ 2 & 5 & -11 & 5 & 2 & 63 & 8 \\ 0 & -1 & 3 & 0 & 2 & -5 & -2 \\ 1 & 2 & -4 & 2 & 1 & 26 & 4 \end{array} \right).$$

$$3.6.8. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & 0 & 1 & 1 & 16 \\ 2 & 5 & 11 & -1 & 5 & 2 & 33 \\ -1 & -4 & -10 & 3 & -9 & -1 & -14 \\ 0 & -1 & -3 & 1 & -3 & 1 & -1 \end{array} \right).$$

$$3.6.18. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & 2 & -3 & 3 & 24 \\ 2 & 5 & 11 & 5 & -7 & 8 & 57 \\ 0 & -1 & -3 & 0 & -1 & -2 & -5 \\ 1 & 2 & 4 & 2 & -3 & 4 & 24 \end{array} \right).$$

$$3.6.9. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & -4 & 1 & -1 & 20 & 2 \\ 2 & 5 & -11 & 2 & -4 & 45 & 5 \\ 1 & 2 & -4 & 2 & 1 & 26 & 2 \\ 2 & 5 & -11 & 2 & -4 & 45 & 6 \end{array} \right).$$

$$3.6.19. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & -4 & 0 & -3 & 14 & 1 \\ 2 & 5 & -11 & -1 & -10 & 27 & 2 \\ 2 & 5 & -11 & 0 & -8 & 33 & 2 \\ 3 & 8 & -18 & -2 & -17 & 40 & 4 \end{array} \right).$$

$$3.6.10. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & 1 & -1 & 2 & 20 \\ 2 & 5 & 11 & 2 & -1 & 5 & 45 \\ 1 & 2 & 4 & 2 & -3 & 2 & 24 \\ 2 & 5 & 11 & 2 & -1 & 6 & 45 \end{array} \right).$$

$$3.6.20. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & 0 & 1 & 1 & 16 \\ 2 & 5 & 11 & -1 & 5 & 2 & 33 \\ 2 & 5 & 11 & 0 & 3 & 2 & 37 \\ 3 & 8 & 18 & -2 & 9 & 4 & 50 \end{array} \right).$$

$$3.6.11. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & -4 & -1 & -5 & 8 & 0 \\ 2 & 5 & -11 & -4 & -16 & 9 & -1 \\ 1 & 2 & -4 & 0 & -3 & 14 & 0 \\ 2 & 5 & -11 & -4 & -16 & 9 & 0 \end{array} \right).$$

$$3.6.21. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & -4 & 2 & 1 & 26 & 3 \\ 2 & 5 & -11 & 5 & 2 & 63 & 8 \\ 1 & 2 & -4 & 3 & 3 & 32 & 3 \\ 2 & 5 & -11 & 5 & 2 & 63 & 9 \end{array} \right).$$

$$3.6.12. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & -1 & 3 & 0 & 12 \\ 2 & 5 & 11 & -4 & 11 & -1 & 21 \\ 1 & 2 & 4 & 0 & 1 & 0 & 16 \\ 2 & 5 & 11 & -4 & 11 & 0 & 21 \end{array} \right).$$

$$3.6.22. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & 2 & -3 & 3 & 24 \\ 2 & 5 & 11 & 5 & -7 & 8 & 57 \\ 1 & 2 & 4 & 3 & -5 & 3 & 28 \\ 2 & 5 & 11 & 5 & -7 & 9 & 57 \end{array} \right).$$

$$3.6.13. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & -4 & 1 & -1 & 20 & 2 \\ 2 & 5 & -11 & 2 & -4 & 45 & 5 \\ -1 & -4 & 10 & 0 & 7 & -24 & -4 \\ 0 & -1 & 3 & 0 & 2 & -5 & 0 \end{array} \right).$$

$$3.6.23. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & -4 & 1 & -1 & 20 & 2 \\ 2 & 5 & -11 & 2 & -4 & 45 & 5 \\ 2 & 5 & -11 & 3 & -2 & 51 & 5 \\ 3 & 8 & -18 & 3 & -7 & 70 & 9 \end{array} \right).$$

$$3.6.14. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & 1 & -1 & 2 & 20 \\ 2 & 5 & 11 & 2 & -1 & 5 & 45 \\ -1 & -4 & -10 & 0 & -3 & -4 & -26 \\ 0 & -1 & -3 & 0 & -1 & 0 & -5 \end{array} \right).$$

$$3.6.24. \left( \begin{array}{ccccc|cc} 1 & 2 & 4 & 1 & -1 & 2 & 20 \\ 2 & 5 & 11 & 2 & -1 & 5 & 45 \\ 2 & 5 & 11 & 3 & -3 & 5 & 49 \\ 3 & 8 & 18 & 3 & -1 & 9 & 70 \end{array} \right).$$

$$3.6.25. \left( \begin{array}{ccccc|c|c} 1 & 2 & -4 & 1 & -1 & 20 & 2 \\ 2 & 5 & -11 & 2 & -4 & 45 & 5 \\ 0 & -1 & 3 & 1 & 4 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & -4 & 1 & -1 & 20 & 3 \end{array} \right).$$

$$3.6.26. \left( \begin{array}{ccccc|c|c} 1 & 2 & -4 & 1 & -1 & 20 & 2 \\ 2 & 5 & -11 & 2 & -4 & 45 & 5 \\ 1 & 2 & -4 & 2 & 1 & 26 & 2 \\ 2 & 5 & -11 & 2 & -4 & 45 & 6 \end{array} \right).$$

**3.7.** Составьте однородную систему, содержащую наименьшее возможное количество уравнений, для которой данные столбцы образуют фундаментальное семейство решений. Ответ представьте в таком виде, чтобы каждое уравнение системы содержало базисную неизвестную, номер которой совпадает с номером уравнения. В ответе запишите основную матрицу системы.

$$3.7.1. \left( \begin{array}{c} -5 \\ 13 \\ -1 \\ 2 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -15 \\ 1 \\ 3 \\ 4 \end{array} \right). \quad 3.7.8. \left( \begin{array}{c} 15 \\ -14 \\ -1 \\ 4 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 11 \\ 0 \\ 3 \\ 2 \end{array} \right). \quad 3.7.15. \left( \begin{array}{c} 3 \\ 7 \\ 2 \\ -1 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -17 \\ -18 \\ -3 \\ 4 \end{array} \right).$$

$$3.7.2. \left( \begin{array}{c} 7 \\ -8 \\ -1 \\ 2 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 19 \\ -6 \\ 3 \\ 4 \end{array} \right). \quad 3.7.9. \left( \begin{array}{c} -19 \\ -14 \\ -1 \\ 4 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -13 \\ 0 \\ 3 \\ 2 \end{array} \right). \quad 3.7.16. \left( \begin{array}{c} -9 \\ -11 \\ 2 \\ -1 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 16 \\ 29 \\ -3 \\ 4 \end{array} \right).$$

$$3.7.3. \left( \begin{array}{c} -9 \\ -8 \\ -1 \\ 2 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -23 \\ -6 \\ 3 \\ 4 \end{array} \right). \quad 3.7.10. \left( \begin{array}{c} 8 \\ 23 \\ -1 \\ 4 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -10 \\ 1 \\ 3 \\ 2 \end{array} \right). \quad 3.7.17. \left( \begin{array}{c} -8 \\ 11 \\ 2 \\ -1 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 7 \\ -24 \\ -3 \\ 4 \end{array} \right).$$

$$3.7.4. \left( \begin{array}{c} 6 \\ 13 \\ -1 \\ 2 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -8 \\ 11 \\ 3 \\ 4 \end{array} \right). \quad 3.7.11. \left( \begin{array}{c} -3 \\ -16 \\ -1 \\ 4 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -19 \\ 6 \\ 3 \\ 2 \end{array} \right). \quad 3.7.18. \left( \begin{array}{c} -11 \\ -6 \\ 2 \\ -1 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 29 \\ 19 \\ -3 \\ 4 \end{array} \right).$$

$$3.7.5. \left( \begin{array}{c} 1 \\ -10 \\ -1 \\ 2 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -23 \\ 0 \\ 3 \\ 4 \end{array} \right). \quad 3.7.12. \left( \begin{array}{c} 23 \\ 17 \\ -1 \\ 4 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 1 \\ 5 \\ 3 \\ 2 \end{array} \right). \quad 3.7.19. \left( \begin{array}{c} -11 \\ 21 \\ -1 \\ 4 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 3 \\ -23 \\ 3 \\ -2 \end{array} \right).$$

$$3.7.6. \left( \begin{array}{c} 13 \\ 9 \\ -1 \\ 2 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 11 \\ 13 \\ 3 \\ 4 \end{array} \right). \quad 3.7.13. \left( \begin{array}{c} 1 \\ -14 \\ 2 \\ -1 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -9 \\ 31 \\ -3 \\ 4 \end{array} \right). \quad 3.7.20. \left( \begin{array}{c} 1 \\ -14 \\ 2 \\ -1 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -9 \\ 31 \\ -3 \\ 4 \end{array} \right).$$

$$3.7.7. \left( \begin{array}{c} -11 \\ 21 \\ -1 \\ 4 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} -9 \\ -7 \\ 3 \\ 2 \end{array} \right). \quad 3.7.14. \left( \begin{array}{c} -2 \\ 7 \\ 2 \\ -1 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 13 \\ -18 \\ -3 \\ 4 \end{array} \right). \quad 3.7.21. \left( \begin{array}{c} -19 \\ -14 \\ -1 \\ 4 \end{array} \right), \left( \begin{array}{c} 7 \\ 12 \\ 3 \\ -2 \end{array} \right).$$

$$\begin{array}{lll}
 3.7.22. \begin{pmatrix} 8 \\ 23 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -14 \\ -19 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}. & 3.7.24. \begin{pmatrix} 23 \\ 17 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -19 \\ -11 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}. & 3.7.26. \begin{pmatrix} 3 \\ 7 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -17 \\ -18 \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}. \\
 3.7.23. \begin{pmatrix} -3 \\ -16 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -11 \\ 18 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}. & 3.7.25. \begin{pmatrix} 13 \\ 9 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 11 \\ 13 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}.
 \end{array}$$

#### 4. АЛГЕБРА ВЕКТОРОВ

**4.1.** Известны разложения векторов  $\mathbf{x}$ ,  $\mathbf{f}_1$ ,  $\mathbf{f}_2$  по базису  $\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2$ . Найдите разложение вектора  $\mathbf{x}$  по базису  $\mathbf{f}_1, \mathbf{f}_2$ .

$$4.1.1. \mathbf{x} = -5\mathbf{e}_1 - 2\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = \mathbf{e}_1 - 4\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = 5\mathbf{e}_1 - 5\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.2. \mathbf{x} = 5\mathbf{e}_1 - \mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = 7\mathbf{e}_1 + 7\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = 6\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.3. \mathbf{x} = 2\mathbf{e}_1 - 7\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = \mathbf{e}_1 - 6\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -7\mathbf{e}_1 - 5\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.4. \mathbf{x} = 4\mathbf{e}_1 - 4\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = -2\mathbf{e}_1 - 5\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -5\mathbf{e}_1 - 3\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.5. \mathbf{x} = -5\mathbf{e}_1 - 5\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = 3\mathbf{e}_1 + 5\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -2\mathbf{e}_1 + 6\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.6. \mathbf{x} = -3\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = -2\mathbf{e}_1 - 3\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -3\mathbf{e}_1 + 3\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.7. \mathbf{x} = 2\mathbf{e}_1 + 5\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = -7\mathbf{e}_1 - 3\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = \mathbf{e}_1 - \mathbf{e}_2.$$

$$4.1.8. \mathbf{x} = 6\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = -3\mathbf{e}_1 - 6\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -3\mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2.$$

$$4.1.9. \mathbf{x} = 4\mathbf{e}_1 + 6\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = 3\mathbf{e}_1 + 4\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -2\mathbf{e}_1 - 7\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.10. \mathbf{x} = -4\mathbf{e}_1 + 3\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = -6\mathbf{e}_1 - 3\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = 7\mathbf{e}_1 - 5\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.11. \mathbf{x} = -2\mathbf{e}_1 + 5\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = 7\mathbf{e}_1 + 4\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -\mathbf{e}_1 - 6\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.12. \mathbf{x} = -2\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = -5\mathbf{e}_1 - 7\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -\mathbf{e}_1 - 4\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.13. \mathbf{x} = -4\mathbf{e}_1 + 3\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = -7\mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = 3\mathbf{e}_1 - 2\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.14. \mathbf{x} = 5\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = \mathbf{e}_1 - 3\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -6\mathbf{e}_1 - 4\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.15. \mathbf{x} = \mathbf{e}_1 - 6\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = 5\mathbf{e}_1 - 7\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = 3\mathbf{e}_1 - 5\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.16. \mathbf{x} = -\mathbf{e}_1 + 4\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = 5\mathbf{e}_1 + 6\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -3\mathbf{e}_1 - 5\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.17. \mathbf{x} = 2\mathbf{e}_1 - 4\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = 5\mathbf{e}_1 - 2\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = 3\mathbf{e}_1 + 4\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.18. \mathbf{x} = -6\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = 3\mathbf{e}_1 - 4\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = \mathbf{e}_1 + 6\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.19. \mathbf{x} = 5\mathbf{e}_1 - 2\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = 6\mathbf{e}_1 - 3\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = \mathbf{e}_1 + 7\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.20. \mathbf{x} = 4\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = -4\mathbf{e}_1 + 3\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = 7\mathbf{e}_1 + 4\mathbf{e}_2.$$

$$4.1.21. \mathbf{x} = \mathbf{e}_1 + 5\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_1 = -5\mathbf{e}_1 - 7\mathbf{e}_2, \mathbf{f}_2 = -2\mathbf{e}_1 - 5\mathbf{e}_2.$$

4.1.22.  $\mathbf{x} = 2\mathbf{e}_1 + 5\mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_1 = -4\mathbf{e}_1 - 6\mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_2 = -6\mathbf{e}_1 - 7\mathbf{e}_2$ .

4.1.23.  $\mathbf{x} = \mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_1 = 2\mathbf{e}_1 - 2\mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_2 = 5\mathbf{e}_1 - 3\mathbf{e}_2$ .

4.1.24.  $\mathbf{x} = 7\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_1 = 5\mathbf{e}_1 - 2\mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_2 = \mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2$ .

4.1.25.  $\mathbf{x} = \mathbf{e}_1 + 4\mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_1 = 2\mathbf{e}_1 + 5\mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_2 = \mathbf{e}_1 + 3\mathbf{e}_2$ .

4.1.26.  $\mathbf{x} = -4\mathbf{e}_1 + 3\mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_1 = -5\mathbf{e}_1 + 7\mathbf{e}_2$ ,  $\mathbf{f}_2 = 2\mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2$ .

**4.2.** Разложите вектор  $\mathbf{a}$  в линейную комбинацию двух векторов, один из которых коллинеарен, а другой ортогонален вектору  $\mathbf{b}$ :

4.2.1.  $\mathbf{a} = (2, 3, 1)$ ,  $\mathbf{b} = (1, 2, 1)$ .

4.2.14.  $\mathbf{a} = (2, -2, 2)$ ,  $\mathbf{b} = (3, -1, 0)$ .

4.2.2.  $\mathbf{a} = (3, -1, 1)$ ,  $\mathbf{b} = (-1, 2, 2)$ .

4.2.15.  $\mathbf{a} = (3, -1, 5)$ ,  $\mathbf{b} = (2, -2, 2)$ .

4.2.3.  $\mathbf{a} = (2, -3, 0)$ ,  $\mathbf{b} = (1, -1, 3)$ .

4.2.16.  $\mathbf{a} = (2, -1, 2)$ ,  $\mathbf{b} = (3, -1, 5)$ .

4.2.4.  $\mathbf{a} = (1, 2, 1)$ ,  $\mathbf{b} = (2, 2, 1)$ .

4.2.17.  $\mathbf{a} = (3, 4, 5)$ ,  $\mathbf{b} = (2, -1, 2)$ .

4.2.5.  $\mathbf{a} = (1, -2, 2)$ ,  $\mathbf{b} = (2, -2, 1)$ .

4.2.18.  $\mathbf{a} = (-1, 0, -2)$ ,  $\mathbf{b} = (3, 4, 5)$ .

4.2.6.  $\mathbf{a} = (3, 2, -1)$ ,  $\mathbf{b} = (2, -2, 1)$ .

4.2.19.  $\mathbf{a} = (5, -6, 1)$ ,  $\mathbf{b} = (2, 2, 3)$ .

4.2.7.  $\mathbf{a} = (3, 2, 1)$ ,  $\mathbf{b} = (3, 2, -1)$ .

4.2.20.  $\mathbf{a} = (2, 2, 3)$ ,  $\mathbf{b} = (5, -6, 1)$ .

4.2.8.  $\mathbf{a} = (-1, 0, 4)$ ,  $\mathbf{b} = (3, 2, 1)$ .

4.2.21.  $\mathbf{a} = (2, -2, 6)$ ,  $\mathbf{b} = (3, 0, 1)$ .

4.2.9.  $\mathbf{a} = (2, 5, -3)$ ,  $\mathbf{b} = (-1, 0, 4)$ .

4.2.22.  $\mathbf{a} = (3, -4, 1)$ ,  $\mathbf{b} = (2, -2, 6)$ .

4.2.10.  $\mathbf{a} = (1, 1, 1)$ ,  $\mathbf{b} = (2, 5, -3)$ .

4.2.23.  $\mathbf{a} = (2, -2, 6)$ ,  $\mathbf{b} = (3, -4, 1)$ .

4.2.11.  $\mathbf{a} = (2, 3, -4)$ ,  $\mathbf{b} = (1, 1, 1)$ .

4.2.24.  $\mathbf{a} = (1, 2, -5)$ ,  $\mathbf{b} = (2, -1, 5)$ .

4.2.12.  $\mathbf{a} = (1, 0, -5)$ ,  $\mathbf{b} = (2, 3, -4)$ .

4.2.25.  $\mathbf{a} = (1, 3, -6)$ ,  $\mathbf{b} = (2, -1, 5)$ .

4.2.13.  $\mathbf{a} = (3, -1, 0)$ ,  $\mathbf{b} = (1, 0, -5)$ .

4.2.26.  $\mathbf{a} = (2, 3, -1)$ ,  $\mathbf{b} = (1, 2, -5)$ .

**4.3.** Даны координаты вершин  $A, B, C$  параллелограмма  $ABCD$  в прямоугольной декартовой системе координат. Найдите координаты вершины  $D$ , координаты вектора нормали к плоскости параллелограмма и площадь параллелограмма.

4.3.1.  $(1, 2, 1), (2, 3, -1), (0, 1, 2)$ .

4.3.8.  $(1, 2, -1), (2, 3, 0), (0, 3, 2)$ .

4.3.2.  $(1, 2, -1), (2, 3, 1), (0, 1, -2)$ .

4.3.9.  $(1, 2, -1), (2, 3, -1), (0, 1, 3)$ .

4.3.3.  $(-1, 2, 1), (-2, 3, -1), (0, -1, 2)$ .

4.3.10.  $(1, -2, 1), (2, -3, -1), (2, 1, 2)$ .

4.3.4.  $(2, 2, 1), (2, -3, -1), (0, 1, 2)$ .

4.3.11.  $(1, -3, 1), (1, 3, -1), (2, 1, 2)$ .

4.3.5.  $(2, 2, 1), (-2, 3, -1), (1, 1, 2)$ .

4.3.12.  $(3, 0, 1), (-1, 1, 2), (1, 1, 1)$ .

4.3.6.  $(1, 2, -2), (2, 3, 1), (0, 3, 2)$ .

4.3.13.  $(3, 0, -1), (1, 1, -2), (1, 1, 1)$ .

4.3.7.  $(3, 2, 1), (2, -3, -1), (0, -4, 2)$ .

4.3.14.  $(-3, 0, 1), (1, 1, 2), (-1, 1, 1)$ .

4.3.15.  $(1, 3, 5), (2, -1, 0), (3, -2, 1)$ .

4.3.16.  $(1, 3, 5), (2, -1, 1), (2, -1, 2)$ .

4.3.17.  $(1, 2, 2), (2, 3, 4), (0, -1, 1)$ .

4.3.18.  $(-1, 1, -2), (0, 9, 2), (4, 4, 2)$ .

4.3.19.  $(1, -1, 3), (3, 0, -1), (1, 1, 5)$ .

4.3.20.  $(-1, 4, -2), (1, 0, -5), (2, -2, 1)$ .

4.3.21.  $(2, 2, -2), (1, 1, 0), (5, 3, -3)$ .

4.3.22.  $(2, 2, -2), (0, 1, 2), (3, 3, -2)$ .

4.3.23.  $(2, 3, -2), (-1, 4, 3), (3, 5, 1)$ .

4.3.24.  $(3, 3, -2), (2, -3, 1), (3, 0, -1)$ .

4.3.25.  $(3, 3, -2), (2, -3, -2), (2, 3, -1)$ .

4.3.26.  $(2, -3, -2), (2, 3, -1), (1, 1, 1)$ .

**4.4.** Даны координаты векторов  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$  относительно ортонормированного базиса  $\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$ .

- (a) Вычислите смешанное произведение  $(\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c})$ . Сделайте вывод о линейной зависимости или независимости данных векторов. Правую или левую тройку образуют векторы  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$ ?
- (b) Вычислите скалярные произведения  $(\mathbf{a}, \mathbf{c}), (\mathbf{a}, \mathbf{b})$ .
- (c) Найдите линейную комбинацию  $\mathbf{b}(\mathbf{a}, \mathbf{c}) - \mathbf{c}(\mathbf{a}, \mathbf{b})$ .
- (d) Найдите векторное произведение  $[\mathbf{b}, \mathbf{c}]$ .
- (e) Найдите двойное векторное произведение  $[\mathbf{a}, [\mathbf{b}, \mathbf{c}]]$  и сравните результат с тем, который был получен в п. (c).

4.4.1.  $\begin{pmatrix} 5 \\ -2 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}$ .

4.4.8.  $\begin{pmatrix} 1 \\ -4 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ -1 \\ -2 \end{pmatrix}$ .

4.4.2.  $\begin{pmatrix} -4 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}$ .

4.4.9.  $\begin{pmatrix} -2 \\ -2 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ -5 \end{pmatrix}$ .

4.4.3.  $\begin{pmatrix} -5 \\ 5 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -4 \\ -3 \end{pmatrix}$ .

4.4.10.  $\begin{pmatrix} -2 \\ -4 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ -5 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

4.4.4.  $\begin{pmatrix} -4 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -5 \\ 1 \\ -5 \end{pmatrix}$ .

4.4.11.  $\begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ -4 \end{pmatrix}$ .

4.4.5.  $\begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}$ .

4.4.12.  $\begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -4 \end{pmatrix}$ .

4.4.6.  $\begin{pmatrix} -4 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ -4 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

4.4.13.  $\begin{pmatrix} -3 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ -5 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ -5 \end{pmatrix}$ .

4.4.7.  $\begin{pmatrix} -3 \\ 3 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

4.4.14.  $\begin{pmatrix} -4 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -5 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ -5 \\ 0 \end{pmatrix}$ .

4.4.15.  $\begin{pmatrix} -1 \\ -4 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ -4 \\ 3 \end{pmatrix}.$

4.4.21.  $\begin{pmatrix} 3 \\ 5 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ -4 \\ 1 \end{pmatrix}.$

4.4.16.  $\begin{pmatrix} -5 \\ 3 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}.$

4.4.22.  $\begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -5 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ -4 \end{pmatrix}.$

4.4.17.  $\begin{pmatrix} 4 \\ -5 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ -5 \\ 4 \end{pmatrix}.$

4.4.23.  $\begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ -5 \\ -3 \end{pmatrix}.$

4.4.18.  $\begin{pmatrix} 5 \\ 5 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ 0 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix}.$

4.4.24.  $\begin{pmatrix} -5 \\ -5 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}.$

4.4.19.  $\begin{pmatrix} -3 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \\ -5 \end{pmatrix}.$

4.4.25.  $\begin{pmatrix} 5 \\ 5 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ -5 \\ -5 \end{pmatrix}.$

4.4.20.  $\begin{pmatrix} -5 \\ 5 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ -5 \\ 1 \end{pmatrix}.$

4.4.26.  $\begin{pmatrix} 5 \\ 5 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ -5 \\ -5 \end{pmatrix}.$

**4.5.** Даны координаты векторов  $\mathbf{a}$ ,  $\mathbf{b}$ ,  $\mathbf{x}$  относительно ортонормированного базиса  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ .

- (a) Проверьте, что векторы  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$  ортогональны.
- (b) Найдите координаты вектора  $\mathbf{c}$ , который вместе с векторами  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$  образует правый ортогональный (не нормированный) базис  $\mathbf{a}$ ,  $\mathbf{b}$ ,  $\mathbf{c}$ .
- (c) Найдите координаты вектора  $\mathbf{x}$  относительно ортогонального базиса  $\mathbf{a}$ ,  $\mathbf{b}$ ,  $\mathbf{c}$ .

4.5.1.  $\begin{pmatrix} -11 \\ -4 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 19 \\ 42 \\ -77 \end{pmatrix}.$

4.5.5.  $\begin{pmatrix} -11 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -51 \\ 87 \\ -72 \end{pmatrix}.$

4.5.2.  $\begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 10 \\ -2 \\ -9 \end{pmatrix}.$

4.5.6.  $\begin{pmatrix} -11 \\ 4 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -19 \\ 42 \\ -77 \end{pmatrix}.$

4.5.3.  $\begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 10 \\ 4 \\ -10 \end{pmatrix}.$

4.5.7.  $\begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -10 \\ -2 \\ -9 \end{pmatrix}.$

4.5.4.  $\begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -10 \\ -3 \\ -4 \end{pmatrix}.$

4.5.8.  $\begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -10 \\ 4 \\ -10 \end{pmatrix}.$

$$4.5.9. \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 10 \\ -3 \\ -4 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.18. \begin{pmatrix} -11 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -25 \\ 42 \\ -29 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.10. \begin{pmatrix} -11 \\ -1 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 51 \\ 87 \\ -72 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.19. \begin{pmatrix} -11 \\ -2 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -4 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 45 \\ 28 \\ -139 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.11. \begin{pmatrix} -11 \\ -4 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ 34 \\ 83 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.20. \begin{pmatrix} -11 \\ -3 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 15 \\ 109 \\ -50 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.12. \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 12 \\ 4 \\ 5 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.21. \begin{pmatrix} -5 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -11 \\ 25 \\ -10 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.13. \begin{pmatrix} -4 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -10 \\ 4 \\ 10 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.22. \begin{pmatrix} -11 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -44 \\ 107 \\ -66 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.14. \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \\ 10 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.23. \begin{pmatrix} -3 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -15 \\ 13 \\ -2 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.15. \begin{pmatrix} -11 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ -4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 37 \\ 79 \\ 88 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.24. \begin{pmatrix} -5 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -26 \\ 30 \\ -5 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.16. \begin{pmatrix} -11 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -45 \\ 28 \\ -139 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.25. \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -3 \\ -8 \\ 7 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.17. \begin{pmatrix} -11 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -15 \\ 109 \\ -50 \end{pmatrix}.$$

$$4.5.26. \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -25 \\ 0 \\ 13 \end{pmatrix}.$$

## 5. ПРЯМЫЕ И ПЛОСКОСТИ

Во всех последующих задачах система координат декартова прямоугольная.

**5.1.** Составьте уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки.

$$5.1.1. (-4, 1, -5), (5, -2, 1), (1, 1, -5).$$

$$5.1.6. (-1, -1, 2), (2, 0, 1), (-3, 4, -4).$$

$$5.1.2. (3, 3, 2), (0, -2, -1), (3, -4, -1).$$

$$5.1.7. (-3, -3, 3), (2, -5, 4), (4, -5, -5).$$

$$5.1.3. (-4, -4, -4), (2, -4, 1), (0, -1, 4).$$

$$5.1.8. (1, -4, 0), (5, -4, 0), (2, 5, -2).$$

$$5.1.4. (-3, -1, 4), (3, 4, 4), (-4, -5, 3).$$

$$5.1.9. (-4, -5, 4), (0, -1, -5), (3, 2, 0).$$

$$5.1.5. (-2, 1, -1), (-4, 0, -5), (-3, 4, 3).$$

$$5.1.10. (4, 2, 5), (-4, 2, -4), (-2, 0, -5).$$

- 5.1.11.  $(-5, -3, 0), (3, 4, 2), (-5, -5, -3)$ . 5.1.19.  $(1, 2, 4), (-1, -5, 4), (-5, -3, -4)$ .  
 5.1.12.  $(4, -3, -2), (-5, 2, -5), (4, 0, 4)$ . 5.1.20.  $(3, 4, -1), (-4, 1, -5), (0, 1, -3)$ .  
 5.1.13.  $(5, -4, 2), (5, 0, -3), (0, -3, 2)$ . 5.1.21.  $(-1, 5, 5), (-3, 1, 5), (-5, 4, -4)$ .  
 5.1.14.  $(-1, -2, 4), (-4, 1, -4), (0, -1, 3)$ . 5.1.22.  $(-1, 5, 5), (-3, 1, 5), (-5, 4, -4)$ .  
 5.1.15.  $(-3, -2, 3), (3, 0, -1), (5, -2, -5)$ . 5.1.23.  $(-4, -5, 4), (0, -1, -5), (3, 2, 0)$ .  
 5.1.16.  $(-5, -1, 0), (5, 1, -5), (4, -2, 1)$ . 5.1.24.  $(4, -3, -2), (-5, 2, -5), (4, 0, 4)$ .  
 5.1.17.  $(3, -1, -2), (5, 4, -4), (2, -5, 1)$ . 5.1.25.  $(-5, -1, 0), (5, 1, -5), (4, -2, 1)$ .  
 5.1.18.  $(0, 1, -4), (-4, 0, 2), (-2, 0, -2)$ . 5.1.26.  $(3, 4, -1), (-4, 1, -5), (0, 1, -3)$ .

**5.2.** Составьте векторное параметрическое уравнение прямой, которая задана как пересечение двух плоскостей. В качестве опорной точки возьмите точку, лежащую в плоскости  $Oxy$ .

- 5.2.1.  $3x + y - z = 7, \quad 2x + y = 5$ .  
 5.2.2.  $3x + y - 3z = 11, \quad 2x + y - z = 8$ .  
 5.2.3.  $2x + y - 2z = 11, \quad x + y + z = 7$ .  
 5.2.4.  $2x + y - 3z = 14, \quad x + y + z = 9$ .  
 5.2.5.  $3x + 2y + z = 8, \quad x + y + z = 3$ .  
 5.2.6.  $3x + 2y = 13, \quad x + y + z = 5$ .  
 5.2.7.  $4x + y - 8z = 19, \quad 3x + y - 5z = 15$ .  
 5.2.8.  $4x + y - 11z = 24, \quad 3x + y - 7z = 19$ .  
 5.2.9.  $4x + 3y + 2z = 11, \quad x + y + z = 3$ .  
 5.2.10.  $4x + 3y + z = 18, \quad x + y + z = 5$ .  
 5.2.11.  $5x + 2y - 7z = 26, \quad 2x + y - 2z = 11$ .  
 5.2.12.  $5x + 2y - 10z = 33, \quad 2x + y - 3z = 14$ .  
 5.2.13.  $y + 2z = 1, \quad x + y + z = 3$ .  
 5.2.14.  $y + 3z = 2, \quad x - y - 5z = 1$ .  
 5.2.15.  $y + 4z = 3, \quad x - y - 7z = 1$ .  
 5.2.16.  $x - y - 9z = 1, \quad 2x - y - 13z = 6$ .  
 5.2.17.  $x - y - 3z = 1, \quad 2x - y - 4z = 3$ .  
 5.2.18.  $x + 2y + 4z = 7, \quad x + y + z = 5$ .  
 5.2.19.  $x + 2y + 5z = 10, \quad x + y + z = 7$ .

5.2.20.  $2x - y - 13z = 6$ ,     $3x - y - 17z = 11$ .

5.2.21.  $2x - y - 4z = 3$ ,     $3x - y - 5z = 5$ .

5.2.22.  $2x + 3y + 5z = 12$ ,     $x + y + z = 5$ .

5.2.23.  $2x + 3y + 6z = 17$ ,     $x + y + z = 7$ .

5.2.24.  $5x - 2y - 30z = 17$ ,     $2x - y - 13z = 6$ .

5.2.25.  $5x + 2y - 10z = 33$ ,     $2x + y - 3z = 14$ .

5.2.26.  $x - y - 3z = 1$ ,     $2x - y - 4z = 3$ .

**5.3.** Составьте уравнение плоскости, проходящей через первую прямую параллельно второй.

5.3.1.  $\frac{x-3}{3} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z+1}{2}$ ,     $\frac{x-3}{1} = \frac{y}{-1} = \frac{z}{2}$ .

5.3.2.  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+3}{-2}$ ,     $\frac{x+3}{1} = \frac{y+3}{1} = \frac{z}{-1}$ .

5.3.3.  $\frac{x+1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{0}$ ,     $\frac{x+2}{3} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z-3}{1}$ .

5.3.4.  $\frac{x-2}{2} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+2}{-1}$ ,     $\frac{x-3}{3} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+2}{3}$ .

5.3.5.  $\frac{x+1}{3} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-3}{-3}$ ,     $\frac{x-3}{3} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-3}{1}$ .

5.3.6.  $\frac{x-2}{1} = \frac{y+3}{0} = \frac{z-3}{-2}$ ,     $\frac{x+2}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+2}{-2}$ .

5.3.7.  $\frac{x+2}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-1}{1}$ ,     $\frac{x+3}{2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z+2}{-2}$ .

5.3.8.  $\frac{x+2}{3} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z}{2}$ ,     $\frac{x+3}{1} = \frac{y+3}{3} = \frac{z}{-2}$ .

5.3.9.  $\frac{x}{2} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z-1}{1}$ ,     $\frac{x}{1} = \frac{y}{-1} = \frac{z-1}{-3}$ .

5.3.10.  $\frac{x+3}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-3}{-1}$ ,     $\frac{x-3}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{-3}$ .

5.3.11.  $\frac{x-1}{1} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z}{-1}$ ,     $\frac{x+2}{2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+2}{-2}$ .

5.3.12.  $\frac{x}{1} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z+1}{-2}$ ,     $\frac{x+1}{3} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+3}{1}$ .

5.3.13.  $\frac{x-3}{3} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z-2}{-3}$ ,     $\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z+2}{1}$ .

$$5.3.14. \frac{x-3}{3} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{3}, \quad \frac{x-1}{0} = \frac{y+2}{2} = \frac{z+2}{-1}.$$

$$5.3.15. \frac{x+1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+1}{3}, \quad \frac{x+3}{1} = \frac{y}{-1} = \frac{z+2}{1}.$$

$$5.3.16. \frac{x+2}{2} = \frac{y}{-3} = \frac{z+2}{2}, \quad \frac{x-1}{3} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-1}{0}.$$

$$5.3.17. \frac{x}{3} = \frac{y+3}{-3} = \frac{z+3}{-1}, \quad \frac{x+2}{1} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+3}{-1}.$$

$$5.3.18. \frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-3}{-2}, \quad \frac{x+2}{2} = \frac{y}{-3} = \frac{z-2}{3}.$$

$$5.3.19. \frac{x+3}{3} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z+2}{2}, \quad \frac{x-3}{2} = \frac{y-3}{0} = \frac{z+2}{1}.$$

$$5.3.20. \frac{x}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-1}{3}, \quad \frac{x-3}{1} = \frac{y-3}{-3} = \frac{z+2}{2}.$$

$$5.3.21. \frac{x-1}{2} = \frac{y}{-2} = \frac{z+3}{-1}, \quad \frac{x+2}{3} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z-1}{-2}.$$

$$5.3.22. \frac{x+1}{0} = \frac{y+2}{2} = \frac{z+3}{1}, \quad \frac{x+2}{3} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+3}{-1}.$$

$$5.3.23. \frac{x}{1} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+3}{1}, \quad \frac{x+2}{1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-2}{1}.$$

$$5.3.24. \frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-2}{-1}, \quad \frac{x}{1} = \frac{y-1}{0} = \frac{z-2}{-1}.$$

$$5.3.25. \frac{x+3}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-3}{-1}, \quad \frac{x-3}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{-3}.$$

$$5.3.26. \frac{x}{3} = \frac{y+3}{-3} = \frac{z+3}{-1}, \quad \frac{x+2}{1} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+3}{-1}.$$

**5.4.** Даны плоскость  $\pi$  и три прямые  $l_1, l_2, l_3$ . Для каждой из прямых выясните, пересекается ли она с плоскостью, параллельна ей или лежит в плоскости. В случае пересечения найдите координаты общей точки плоскости и прямой.

$$5.4.1. \pi: \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 6 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix}, \quad l_1: \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 7 \\ 17 \\ -9 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 3 \\ 13 \\ -17 \end{pmatrix},$$

$$l_2: \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 5 \\ 9 \\ -13 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 7 \\ 9 \\ 5 \end{pmatrix}, \quad l_3: \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 9 \\ 5 \\ 9 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$5.4.2. \pi: \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 5 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 4 \\ 6 \\ 5 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad l_1: \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 35 \\ 9 \\ -29 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 9 \\ 6 \\ 10 \end{pmatrix},$$

$$l_2: \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 10 \\ 4 \\ 6 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -1 \\ 6 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad l_3: \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 43 \\ 21 \\ -19 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 34 \\ 11 \\ -25 \end{pmatrix}.$$

5.4.3.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ 6 \\ 4 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ 8 \\ 4 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -6 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -9 \\ 18 \\ 18 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -11 \\ 12 \\ 8 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -11 \\ 18 \\ 6 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 6 \end{pmatrix}$ .

5.4.4.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 4 \\ 6 \\ 4 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ 5 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 38 \\ 16 \\ -16 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 16 \\ 2 \\ -11 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 8 \\ 6 \\ 9 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \\ 3 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 34 \\ 4 \\ -20 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 7 \end{pmatrix}$ .

5.4.5.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -9 \\ 40 \\ -15 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 7 \\ 5 \\ 7 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -7 \\ 46 \\ -3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ -19 \\ 5 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 7 \\ 2 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} -5 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix}$ .

5.4.6.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \\ 2 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ 9 \\ 4 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 0 \\ -5 \\ 2 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -18 \\ 6 \\ 7 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ 6 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -16 \\ 6 \\ 15 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} -19 \\ 2 \\ 9 \end{pmatrix}$ .

5.4.7.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ 6 \\ 0 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 13 \\ -8 \\ 2 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 8 \\ -15 \\ 2 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 5 \\ -10 \\ 2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ 7 \\ 4 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix}$ .

5.4.8.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 10 \\ 0 \\ 10 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ 8 \\ 4 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 8 \\ 8 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -2 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 12 \\ 6 \\ 12 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix}$ .

5.4.9.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 4 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 4 \\ 7 \\ 8 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 19 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -5 \\ -3 \\ 11 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -6 \\ 0 \\ 11 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 5 \\ 4 \\ 8 \end{pmatrix}$ .

5.4.10.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 19 \\ 13 \\ 15 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 8 \\ 2 \\ 13 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 7 \\ 9 \\ 2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 7 \\ 1 \\ 13 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix}$ .

5.4.11.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 10 \\ 23 \\ -10 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 12 \\ 29 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 5 \\ 25 \\ -9 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 11 \\ 2 \\ 7 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}$ .

5.4.12.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ 0 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 0 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 9 \\ 1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \\ 8 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 12 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} -2 \\ 0 \\ 5 \end{pmatrix}$ .

5.4.13.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 12 \\ 3 \\ 9 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 5 \\ -1 \\ 7 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 8 \\ -3 \\ 7 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 5 \\ 4 \\ 3 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$ .

5.4.14.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 5 \\ 6 \\ 6 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 5 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 5 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -25 \\ 31 \\ 12 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 7 \\ 6 \\ 10 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 11 \\ 12 \\ 11 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 5 \\ 6 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -23 \\ 31 \\ 22 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 29 \\ -25 \\ -11 \end{pmatrix}$ .

5.4.15.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \\ 5 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 7 \\ 1 \\ 6 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 5 \\ -5 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 33 \\ 35 \\ -20 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 31 \\ 29 \\ -25 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 31 \\ 25 \\ -30 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 7 \\ 5 \\ 11 \end{pmatrix}$ .

5.4.16.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 9 \\ 15 \\ 3 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ 11 \\ -1 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 7 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix}$ .

5.4.17.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 6 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ -7 \\ 5 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 7 \\ -5 \\ 13 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ -11 \\ 6 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ 6 \\ 9 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$ .

5.4.18.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ 6 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 6 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 10 \\ 9 \\ 9 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -8 \\ 22 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -8 \\ 24 \\ 6 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 12 \\ -19 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

5.4.19.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ 5 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ -6 \\ 16 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 3 \\ 8 \\ -11 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -3 \\ -6 \\ 14 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 6 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 4 \\ 7 \\ 9 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

5.4.20.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 6 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -30 \\ 23 \\ -2 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 5 \\ 11 \\ 6 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ 10 \\ 6 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -6 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -26 \\ 35 \\ 10 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 14 \\ -12 \\ 1 \end{pmatrix}$ .

5.4.21.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 6 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 1 \\ 6 \\ 5 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 9 \\ 6 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} -5 \\ 5 \\ 4 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 12 \\ -24 \\ 38 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 5 \\ -28 \\ 36 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 0 \\ -26 \\ 36 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 7 \\ 7 \\ 6 \end{pmatrix}$ .

5.4.22.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 4 \\ 6 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 4 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 34 \\ 2 \\ 6 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 24 \\ -7 \\ -1 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 9 \\ 7 \\ 10 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 26 \\ -10 \\ 4 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 7 \\ 10 \\ 5 \end{pmatrix}$ .

5.4.23.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 5 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 16 \\ 23 \\ -23 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 8 \\ 4 \\ 9 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 20 \\ 31 \\ -13 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 18 \\ 26 \\ -19 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix}$ .

5.4.24.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \\ 0 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 6 \\ 5 \\ 4 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 9 \\ 5 \\ 8 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 23 \\ -4 \\ -21 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 7 \\ 10 \\ 4 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 25 \\ 6 \\ -21 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 21 \\ 1 \\ -25 \end{pmatrix}$ .

5.4.25.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ 5 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ -6 \\ 16 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 3 \\ 8 \\ -11 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -3 \\ -6 \\ 14 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 6 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 4 \\ 7 \\ 9 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

5.4.26.  $\pi$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $l_1$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -9 \\ 40 \\ -15 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 7 \\ 5 \\ 7 \end{pmatrix}$ ,  
 $l_2$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} -7 \\ 46 \\ -3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ -19 \\ 5 \end{pmatrix}$ ,  $l_3$ :  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 7 \\ 2 \end{pmatrix} + u \begin{pmatrix} -5 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix}$ .

**5.5.** Даны прямые  $l_1, l_2, l_3, l_4$ . Для каждой из шести возможных пар прямых:  $(l_1, l_2); (l_1, l_3); (l_1, l_4); (l_2, l_3); (l_2, l_4); (l_3, l_4)$ , выясните, являются ли они скрещивающимися, параллельными, совпадающими или пересекающимися. Для пересекающихся прямых найдите координаты точки пересечения и уравнение плоскости, в

которой лежат эти прямые. Для параллельных прямых найдите уравнение плоскости, в которой лежат эти прямые.

$$5.5.1. \begin{cases} x = 7 - 2t \\ y = 6 \\ z = -2 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 5 - 2t \\ y = 6 \\ z = -4 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -1 + 4t \\ y = 0 \\ z = -2 + 4t \end{cases}, \begin{cases} x = -3t \\ y = 2t + 2 \\ z = 2 \end{cases}.$$

$$5.5.2. \begin{cases} x = -3 \\ y = -2 - 2t \\ z = t \end{cases}, \begin{cases} x = -1 \\ y = -3 + 4t \\ z = 3 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -2 - t \\ y = 1 \\ z = 2 + t \end{cases}, \begin{cases} x = -3 \\ y = -2t \\ z = -1 + t \end{cases}.$$

$$5.5.3. \begin{cases} x = 8 - 6t \\ y = 8 - 6t \\ z = -6 + 4t \end{cases}, \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 3 + t \\ z = -4 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -2 + 3t \\ y = 10 + 3t \\ z = 4 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 13 + 3t \\ z = 2 - 2t \end{cases}.$$

$$5.5.4. \begin{cases} x = 5 + 2t \\ y = -4 - 2t \\ z = 1 \end{cases}, \begin{cases} x = 7 - 2t \\ y = 2 \\ z = 5 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 5 - 2t \\ y = 2 \\ z = 7 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -1 + 4t \\ y = -2 \\ z = 5 - 4t \end{cases}.$$

$$5.5.5. \begin{cases} x = -4 - 3t \\ y = 3 + t \\ z = -5 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -3 + 2t \\ y = 2t \\ z = -5 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 2 - t \\ y = 3 - t \\ z = -7 - t \end{cases}, \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 2 - t \\ z = -8 - t \end{cases}.$$

$$5.5.6. \begin{cases} x = 2t \\ y = -2 \\ z = -6 + 4t \end{cases}, \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 3 \\ z = -4 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -1 - 3t \\ y = -2 \\ z = -3 - t \end{cases}, \begin{cases} x = 2 - t \\ y = 3 \\ z = -2t - 2 \end{cases}.$$

$$5.5.7. \begin{cases} x = -12 - 2t \\ y = 10 - 3t \\ z = 8 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -10 - 2t \\ y = 13 - 3t \\ z = 6 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 5 + 3t \\ y = 6 + 3t \\ z = 5 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -2 + 4t \\ y = -3 + 6t \\ z = 7 - 4t \end{cases}.$$

$$5.5.8. \begin{cases} x = 10 - 2t \\ y = 10 + 2t \\ z = -3 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -5 - 3t \\ z = 3t \end{cases}, \begin{cases} x = -6 + 4t \\ y = 2 - 4t \\ z = 1 - 4t \end{cases}, \begin{cases} x = 8 - 2t \\ y = 12 + 2t \\ z = -1 + 2t \end{cases}.$$

$$5.5.9. \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 5 - t \\ z = -4 - t \end{cases}, \begin{cases} x = 2 + t \\ y = 4 - t \\ z = -5 - t \end{cases}, \begin{cases} x = 2 - 2t \\ y = 2t \\ z = -4 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 0 \\ y = -2t \\ z = -5 - 3t \end{cases}.$$

$$5.5.10. \begin{cases} x = -9 - t \\ y = -1 - 3t \\ z = -2 - 3t \end{cases}, \begin{cases} x = -4 + 2t \\ y = -7 + 6t \\ z = -4 + 6t \end{cases}, \begin{cases} x = -3 - t \\ y = -3 - 2t \\ z = 2 \end{cases}, \begin{cases} x = -8 - t \\ y = 2 - 3t \\ z = 1 - 3t \end{cases}.$$

$$5.5.11. \begin{cases} x = -4 + 2t \\ y = -2 + 4t \\ z = 2 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -5 - 3t \\ y = -2t \\ z = 3t + 3 \end{cases}, \begin{cases} x = -6 - t \\ y = 2 - 2t \\ z = -4 + t \end{cases}, \begin{cases} x = -7 - t \\ y = -2t \\ z = -3 + t \end{cases}.$$

$$5.5.12. \begin{cases} x = -4 - t \\ y = -3 - 2t \\ z = -4 - t \end{cases}, \begin{cases} x = -6 - 2t \\ y = -3t \\ z = -2 - 3t \end{cases}, \begin{cases} x = -8 - 2t \\ y = -3t - 3 \\ z = -5 - 3t \end{cases}, \begin{cases} x = -7 + 4t \\ y = -7 + 6t \\ z = -9 + 6t \end{cases}.$$

- 5.5.13.  $\begin{cases} x = -3t - 3 \\ y = 0 \\ z = -4 - 3t \end{cases}, \begin{cases} x = 2 - 2t \\ y = -2 + 2t \\ z = -7 + 6t \end{cases}, \begin{cases} x = 3 + t \\ y = 12 - t \\ z = -4 - 3t \end{cases}, \begin{cases} x = 4 + t \\ y = 11 - t \\ z = -7 - 3t \end{cases}$
- 5.5.14.  $\begin{cases} x = -3 + 2t \\ y = -7 + 6t \\ z = -3 + 4t \end{cases}, \begin{cases} x = -4 - t \\ y = -3t \\ z = -6 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -2 - t \\ y = 1 + 2t \\ z = 3 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -3 - t \\ y = 3 - 3t \\ z = -4 - 2t \end{cases}$
- 5.5.15.  $\begin{cases} x = -19 - t \\ y = 2 + 3t \\ z = 4 + 3t \end{cases}, \begin{cases} x = -18 - t \\ y = -1 + 3t \\ z = 1 + 3t \end{cases}, \begin{cases} x = -3 \\ y = 4 + 2t \\ z = -3t \end{cases}, \begin{cases} x = -5 + 2t \\ y = 8 - 6t \\ z = 9 - 6t \end{cases}$
- 5.5.16.  $\begin{cases} x = 3t \\ y = -2 - 2t \\ z = 3 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 3t + 3 \\ z = 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 4 - 6t \\ y = -4 + 4t \\ z = -6 + 4t \end{cases}, \begin{cases} x = 3t + 3 \\ y = -4 - 2t \\ z = 1 - 2t \end{cases}$
- 5.5.17.  $\begin{cases} x = 8 + t \\ y = -1 + 3t \\ z = 4 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 9 + t \\ y = 2 + 3t \\ z = 2 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 5 - 2t \\ y = 6 - 6t \\ z = -1 + 4t \end{cases}, \begin{cases} x = 3 \\ y = t + 1 \\ z = 4 + t \end{cases}$
- 5.5.18.  $\begin{cases} x = -5 \\ y = -7 - 3t \\ z = 1 + 3t \end{cases}, \begin{cases} x = -2 \\ y = -7 + 6t \\ z = 7 - 6t \end{cases}, \begin{cases} x = -3 - t \\ y = -1 \\ z = 2 + t \end{cases}, \begin{cases} x = -5 \\ y = -4 - 3t \\ z = -2 + 3t \end{cases}$
- 5.5.19.  $\begin{cases} x = -5 + 2t \\ y = -2t \\ z = 2 - 4t \end{cases}, \begin{cases} x = 3t \\ y = -5 - 3t \\ z = -1 + t \end{cases}, \begin{cases} x = 4 - t \\ y = 5 + t \\ z = -2 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 3 - t \\ y = 6 + t \\ z = 2t \end{cases}$
- 5.5.20.  $\begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = -1 + 2t \\ z = 2 + t \end{cases}, \begin{cases} x = 8 - 2t \\ y = -10 + 2t \\ z = -9 - 3t \end{cases}, \begin{cases} x = 6 - 2t \\ y = -8 + 2t \\ z = -12 - 3t \end{cases}, \begin{cases} x = -4 + 4t \\ y = 1 - 4t \\ z = -5 + 6t \end{cases}$
- 5.5.21.  $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = -5 - 3t \\ z = -3 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -4 + 4t \\ y = -6 + 4t \\ z = 3 - 4t \end{cases}, \begin{cases} x = 10 - 2t \\ y = -8 - 2t \\ z = 3 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = 8 - 2t \\ y = -10 - 2t \\ z = 5 + 2t \end{cases}$
- 5.5.22.  $\begin{cases} x = -9 + 6t \\ y = 3 - 2t \\ z = -2 + 4t \end{cases}, \begin{cases} x = -10 - 3t \\ y = t \\ z = 5 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -2 + t \\ y = -1 - 2t \\ z = 2 \end{cases}, \begin{cases} x = -7 - 3t \\ y = -1 + t \\ z = 7 - 2t \end{cases}$
- 5.5.23.  $\begin{cases} x = -4 \\ y = 1 + 3t \\ z = 7 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -4 \\ y = -2 + 3t \\ z = 5 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -t \\ y = t + 1 \\ z = 1 - t \end{cases}, \begin{cases} x = 1 \\ y = 6 - 6t \\ z = 6 - 4t \end{cases}$
- 5.5.24.  $\begin{cases} x = -7 + t \\ y = -1 - 2t \\ z = 0 \end{cases}, \begin{cases} x = -1 \\ y = 1 - t \\ z = 4 + 3t \end{cases}, \begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = -2 + 4t \\ z = 1 \end{cases}, \begin{cases} x = -6 + t \\ y = -3 - 2t \\ z = 0 \end{cases}$

$$5.5.25. \begin{cases} x = 4 + 3t \\ y = 9 - 3t \\ z = -8 \end{cases}, \begin{cases} x = 7 + 3t \\ y = 6 - 3t \\ z = -8 \end{cases}, \begin{cases} x = 4 - 6t \\ y = -3 + 6t \\ z = -2 \end{cases}, \begin{cases} x = -3 - t \\ y = 2 - t \\ z = -4 - 2t \end{cases}.$$

$$5.5.26. \begin{cases} x = 3 - 2t \\ y = 13 + 2t \\ z = -2 + 2t \end{cases}, \begin{cases} x = -3 + 4t \\ y = 5 - 4t \\ z = 6 - 4t \end{cases}, \begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = 2 + t \\ z = 5 + 3t \end{cases}, \begin{cases} x = 5 - 2t \\ y = 11 + 2t \\ z = -4 + 2t \end{cases}.$$

**5.6.** Прямая  $l$  является биссектрисой острого (в вариантах с нечётными номерами) или тупого (в вариантах с чётными номерами) угла, образованного прямыми  $l_1$  и  $l_2$ . Запишите уравнение прямой  $l$  в общем виде. Определите расстояние от начала координат до прямой  $l$ . Вычислите угол между прямой  $l$  и каждой из прямых  $l_1, l_2$ .

$$5.6.1. l_1 : \frac{x+2}{3} = \frac{y-3}{4}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 5 \\ 12 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.2. l_1 : \frac{x+2}{3} = \frac{y-3}{4}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -4 \\ -13 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 5 \\ 12 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.3. l_1 : \frac{x+5}{3} = \frac{y+1}{4}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 11 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 5 \\ 12 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.4. l_1 : \frac{x+5}{3} = \frac{y+1}{4}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 5 \\ 12 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.5. l_1 : \frac{x-1}{3} = \frac{y-7}{4}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -4 \\ -13 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 5 \\ 12 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.6. l_1 : \frac{x-1}{3} = \frac{y-7}{4}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ 11 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 5 \\ 12 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.7. l_1 : \frac{x-1}{-5} = \frac{y+4}{12}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.8. l_1 : \frac{x-1}{-5} = \frac{y+4}{12}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.9. l_1 : \frac{x-6}{-5} = \frac{y+16}{12}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.10. l_1 : \frac{x-6}{-5} = \frac{y+16}{12}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.11. l_1 : \frac{x+4}{-5} = \frac{y-8}{12}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ -2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

$$5.6.12. l_1 : \frac{x+4}{-5} = \frac{y-8}{12}, \quad l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 6 \\ -2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

5.6.13.  $l_1 : \frac{x+5}{5} = \frac{y-3}{-12}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

5.6.14.  $l_1 : \frac{x+5}{5} = \frac{y-3}{-12}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

5.6.15.  $l_1 : \frac{x}{5} = \frac{y+9}{-12}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ 6 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

5.6.16.  $l_1 : \frac{x}{5} = \frac{y+9}{-12}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 3 \\ 6 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

5.6.17.  $l_1 : \frac{x-10}{5} = \frac{y-15}{-12}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -5 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

5.6.18.  $l_1 : \frac{x+10}{5} = \frac{y-15}{-12}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -5 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

5.6.19.  $l_1 : \frac{x+4}{12} = \frac{y-1}{5}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

5.6.20.  $l_1 : \frac{x+4}{12} = \frac{y-1}{5}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

5.6.21.  $l_1 : \frac{x+16}{12} = \frac{y+4}{5}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -5 \\ 7 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

5.6.22.  $l_1 : \frac{x+16}{12} = \frac{y+4}{5}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} -5 \\ 7 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

5.6.23.  $l_1 : \frac{x-8}{12} = \frac{y-6}{5}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

5.6.24.  $l_1 : \frac{x-8}{12} = \frac{y-6}{5}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

5.6.25.  $l_1 : \frac{x-1}{-5} = \frac{y+4}{12}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

5.6.26.  $l_1 : \frac{x-1}{-5} = \frac{y+4}{12}$ ,  $l_2 : \mathbf{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

**5.7.** Даны точка  $A$  и плоскость  $\pi$ . Найдите:

- (а) проекцию  $P$  точки  $A$  на плоскость  $\pi$ ;
- (б) точку  $S$ , симметричную точке  $A$  относительно плоскости  $\pi$ ;
- (в) расстояние от точки  $A$  до плоскости  $\pi$ .

При решении задачи нельзя использовать готовые формулы, выведенные в учебнике: вы должны вывести эти формулы самостоятельно.

5.7.1.  $A(-2, 3, 4)$ ,  $\pi : 12x - 12y - 14z - 5 = 0$ .

- 5.7.2.  $A(4, -1, 0)$ ,  $\pi : x + 2y + 5z - 17 = 0$ .
- 5.7.3.  $(-2, 3, -5)$ ,  $\pi : 6x + 4y - 20z + 13 = 0$ .
- 5.7.4.  $A(-2, 3, -3)$ ,  $\pi : 10x + 4y + 12z - 21 = 0$ .
- 5.7.5.  $A(3, 5, -5)$ ,  $\pi : x + 5y - 6z - 27 = 0$ .
- 5.7.6.  $A(1, 1, -3)$ ,  $\pi : x - 3y + 4z - 12 = 0$ .
- 5.7.7.  $A(-5, -4, -1)$ ,  $\pi : 4x + 18y - 4z - 1 = 0$ .
- 5.7.8.  $A(1, 3, 5)$ ,  $\pi : 5x - y + 6z - 1 = 0$ .
- 5.7.9.  $A(3, -5, 5)$ ,  $\pi : x - y + 2z - 15 = 0$ .
- 5.7.10.  $A(-3, 5, 2)$ ,  $\pi : 7x - 8y - 5z + 2 = 0$ .
- 5.7.11.  $A(-1, -5, -2)$ ,  $\pi : 2x - 2y - 6z - 9 = 0$ .
- 5.7.12.  $A(1, 3, -4)$ ,  $\pi : 2x - 2y - 6z - 9 = 0$ .
- 5.7.13.  $A(2, 4, 1)$ ,  $\pi : 2x - 18y - 2z - 13 = 0$ .
- 5.7.14.  $A(3, -5, 1)$ ,  $\pi : 14x - 12y - 17 = 0$ .
- 5.7.15.  $A(-2, 4, 0)$ ,  $\pi : 4x - y + z + 3 = 0$ .
- 5.7.16.  $A(3, 5, -1)$ ,  $\pi : 12x + 6y - 8z - 13 = 0$ .
- 5.7.17.  $A(0, -1, -3)$ ,  $\pi : 2x + 3y + 2z - 8 = 0$ .
- 5.7.18.  $A(1, 4, -1)$ ,  $\pi : 8x - 6z + 11 = 0$ .
- 5.7.19.  $A(2, -1, 2)$ ,  $\pi : 5x - 5y + 4z + 10 = 0$ .
- 5.7.20.  $A(-3, 4, 2)$ ,  $\pi : x - 5z = 0$ .
- 5.7.21.  $A(-5, 3, -5)$ ,  $\pi : 14x - 14y + 10z + 39 = 0$ .
- 5.7.22.  $A(3, -5, 4)$ ,  $\pi : x + 2y - z + 5 = 0$ .
- 5.7.23.  $A(2, -2, -4)$ ,  $\pi : x - 5y - 2z - 5 = 0$ .
- 5.7.24.  $A(2, -1, 0)$ ,  $\pi : 6x - 2y + 10z - 49 = 0$ .
- 5.7.25.  $A(3, 5, -1)$ ,  $\pi : 12x + 6y - 8z - 13 = 0$ .
- 5.7.26.  $A(3, -5, 5)$ ,  $\pi : x - y + 2z - 15 = 0$ .

**5.8.** Даны точка  $A$  и прямая  $l$ . Найти:

- (а) проекцию  $P$  точки  $A$  на прямую  $l$ ;
- (б) точку  $S$ , симметричную точке  $A$  относительно прямой  $l$ ;
- (в) расстояние от точки  $A$  до прямой  $l$ .

При решении задачи нельзя использовать готовые формулы, выведенные в учебнике: вы должны вывести эти формулы самостоятельно.

5.8.1.  $A(5, 4, 3)$ ,  $\mathbf{r} = (-6, 11, 1) + t(2, -9, 0)$ .

5.8.2.  $A(0, -4, 4)$ ,  $\mathbf{r} = (-5, -1, -9) + t(9, 0, 4)$ .

5.8.3.  $A(-2, -5, 1)$ ,  $\mathbf{r} = (4, 4, -10) + t(0, 1, 10)$ .

5.8.4.  $A(-1, -4, 0)$ ,  $\mathbf{r} = (8, 1, -3) + t(7, -2, 0)$ .

5.8.5.  $A(4, -1, -1)$ ,  $\mathbf{r} = (5, -2, 6) + t(4, 0, 3)$ .

5.8.6.  $A(0, -1, -5)$ ,  $\mathbf{r} = (-5, 8, 0) + t(0, 7, -2)$ .

5.8.7.  $A(-3, -5, 4)$ ,  $\mathbf{r} = (8, 4, -3) + t(10, -1, 0)$ .

5.8.8.  $A(1, 0, 2)$ ,  $\mathbf{r} = (-3, 4, -6) + t(3, 0, 1)$ .

5.8.9.  $A(-4, -2, 2)$ ,  $\mathbf{r} = (1, -7, -5) + t(0, 6, 1)$ .

5.8.10.  $A(3, -4, -2)$ ,  $\mathbf{r} = (-2, 5, -5) + t(2, 7, 0)$ .

5.8.11.  $A(-2, 5, -5)$ ,  $\mathbf{r} = (11, -3, -2) + t(8, 0, -5)$ .

5.8.12.  $A(-1, -3, -2)$ ,  $\mathbf{r} = (4, -6, -1) + t(0, -1, 2)$ .

5.8.13.  $A(5, 5, 3)$ ,  $\mathbf{r} = (-8, 0, -4) + t(9, -4, 0)$ .

5.8.14.  $A(-3, 3, 0)$ ,  $\mathbf{r} = (-4, 4, -3) + t(2, 0, 1)$ .

5.8.15.  $A(4, -5, -4)$ ,  $\mathbf{r} = (-5, 0, -5) + t(0, 2, -3)$ .

5.8.16.  $A(5, -1, -1)$ ,  $\mathbf{r} = (-4, 4, 3) + t(2, -7, 0)$ .

5.8.17.  $A(-5, 3, 1)$ ,  $\mathbf{r} = (-2, 5, 2) + t(2, 0, -1)$ .

5.8.18.  $A(5, 1, -2)$ ,  $\mathbf{r} = (1, -2, 5) + t(0, 2, 5)$ .

5.8.19.  $A(-5, -2, 2)$ ,  $\mathbf{r} = (9, -8, -4) + t(2, -5, 0)$ .

5.8.20.  $A(5, -2, 1)$ ,  $\mathbf{r} = (-5, 1, -1) + t(3, 0, -2)$ .

5.8.21.  $A(3, 3, 2)$ ,  $\mathbf{r} = (0, -5, 4) + t(0, -3, 5)$ .

5.8.22.  $A(2, -4, 1)$ ,  $\mathbf{r} = (3, 1, 4) + t(3, 2, 0)$ .

5.8.23.  $A(-4, -5, 3)$ ,  $\mathbf{r} = (3, -2, 0) + t(2, 0, -5)$ .

5.8.24.  $A(-4, -3, -1)$ ,  $\mathbf{r} = (-2, -3, -3) + t(0, 1, 1)$ .

5.8.25.  $A(-2, -5, 1)$ ,  $\mathbf{r} = (4, 4, -10) + t(0, 1, 10)$ .

5.8.26.  $A(5, -1, -1)$ ,  $\mathbf{r} = (-4, 4, 3) + t(2, -7, 0)$ .

**5.9.** Даны плоскость  $\pi$  и прямая  $l$ . Найдите точку их пересечения. Составьте векторное параметрическое уравнение ортогональной проекции  $m$  прямой  $l$  на плоскость  $\pi$ , взяв в качестве опорной точки точку пересечения.

5.9.1.  $\pi: 9x + 348y - 253z + 2422 = 0; l: x = 7 + 2t, y = -7 - 5t, z = 12 + 5t.$

5.9.2.  $\pi: 16x - 37y + 5z - 181 = 0; l: x = 6 + 3t, y = -10 - 6t, z = -2 + t.$

5.9.3.  $\pi: 73x - 53y + 352z - 2345 = 0; l: x = 1 - t, y = 6 + t, z = 1 - 6t.$

5.9.4.  $\pi: 20x - 2y + 31z - 140 = 0; l: x = -4 - t, y = -6 + t, z = 13 + 7t.$

5.9.5.  $\pi: 13x + 234y - 195z + 1404 = 0; l: x = 2 - t, y = -4 + 3t, z = -7 - 6t.$

5.9.6.  $\pi: 41x - 54y + 131z - 296 = 0; l: x = -3 + 2t, y = -5 - 3t, z = 5 + 2t.$

5.9.7.  $\pi: 21x - 59y - 4z + 254 = 0; l: x = -2 + 3t, y = 10 + 7t, z = -5 + 2t.$

5.9.8.  $\pi: 2x - 3y - z + 2 = 0; l: x = 9 + 5t, y = 9 + 6t, z = -t.$

5.9.9.  $\pi: 215x - 214y + 337z + 554 = 0; l: x = -1 + 2t, y = -4 - 2t, z = 2 + 3t.$

5.9.10.  $\pi: 15x - 78y - 79z - 945 = 0; l: x = -6 - t, y = -6 + t, z = -4 + 2t.$

5.9.11.  $\pi: 10x - 16y + 17z - 111 = 0; l: x = 1 - 2t, y = -2 + 2t, z = -1 - 2t.$

5.9.12.  $\pi: 19x - y + 2z - 73 = 0; l: x = 11 + 7t, y = 3t, z = -7 - 4t.$

5.9.13.  $\pi: 69x - 27y + 76z + 172 = 0; l: x = 11 + 5t, y = 1 - t, z = -5 + 2t.$

5.9.14.  $\pi: 251x - 211y + 79z + 437 = 0; l: x = -12 - 7t, y = -1 + 4t, z = -7 - 4t.$

5.9.15.  $\pi: 8x - 5y - 31z - 81 = 0; l: x = 8 + 7t, y = 10 + 6t, z = 1 + 4t.$

5.9.16.  $\pi: 171x - 35y - 434z - 741 = 0; l: x = -4 - 6t, y = 3 + 2t, z = 4 + 5t.$

5.9.17.  $\pi: 73x + 166y - 88z - 1112 = 0; l: x = 3 - 3t, y = -2 - 5t, z = 2 + 4t.$

5.9.18.  $\pi: 117x + 12y + 125z + 528 = 0; l: x = -1 + 6t, y = -6 + t, z = 8 + 5t.$

5.9.19.  $\pi: 37x - 35y + 16z - 370 = 0; l: x = 3 - 4t, y = -2 + 3t, z = -6 - 2t.$

5.9.20.  $\pi: 57x + 45y + 41z + 94 = 0; l: x = 2 + 4t, y = 10 + 5t, z = -3 + 2t.$

5.9.21.  $\pi: 10x - 32y + 23z + 304 = 0; l: x = 3 + 5t, y = 11 + 5t, z = -3 + t.$

5.9.22.  $\pi: 164x + 101y - 379z + 1251 = 0; l: x = 6 + 3t, y = -4 + 2t, z = -4 - 7t.$

5.9.23.  $\pi: 19x + 11y - 21z + 211 = 0; l: x = -3 + 3t, y = -3 + 2t, z = -1 - 3t.$

5.9.24.  $\pi: 13x + 46y + 55z + 337 = 0; l: x = -2 - 5t, y = -3 - 2t, z = -1 + 5t.$

5.9.25.  $\pi: 281x - 182y - 229z + 469 = 0; l: x = -3 - 2t, y = -2 + 2t, z = 7 + 3t.$

5.9.26.  $\pi: 28x - 49y - 7z - 224 = 0; l: x = -1 - 4t, y = 1 + 3t, z = -1 + 5t.$

**5.10.** Составьте каноническое уравнение общего перпендикуляра к двум данным скрещивающимся прямым, взяв в качестве опорной точку пересечения этого перпендикуляра с одной из данных прямых. Определить координаты обеих точек пересечения.

$$5.10.1. \frac{x-6}{1} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-14}{1}; \quad \frac{x-7}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-9}{-1}.$$

$$5.10.2. \frac{x-7}{1} = \frac{y}{-1} = \frac{z-11}{1}; \quad \frac{x-6}{1} = \frac{y-5}{2} = \frac{z-12}{-1}.$$

$$5.10.3. \frac{x-1}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-1}{1}; \quad \frac{x+2}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+1}{0}.$$

$$5.10.4. \frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-1}{1}; \quad \frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z}{1}.$$

$$5.10.5. \frac{x+1}{3} = \frac{y}{-1} = \frac{z+1}{1}; \quad \frac{x+1}{2} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z}{1}.$$

$$5.10.6. \frac{x-1}{3} = \frac{y}{-1} = \frac{z-1}{1}; \quad \frac{x-1}{2} = \frac{y+3}{-1} = \frac{z}{1}.$$

$$5.10.7. \frac{x-1}{3} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{-1}; \quad \frac{x-1}{2} = \frac{y+3}{1} = \frac{z}{-1}.$$

$$5.10.8. \frac{x+1}{3} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{-1}; \quad \frac{x+1}{2} = \frac{y-3}{1} = \frac{z}{-1}.$$

$$5.10.9. \frac{x+1}{3} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{-1}; \quad \frac{x+1}{2} = \frac{y+3}{1} = \frac{z}{-1}.$$

$$5.10.10. \frac{x+1}{3} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{-1}; \quad \frac{x-1}{2} = \frac{y-3}{1} = \frac{z}{-1}.$$

$$5.10.11. \frac{x-1}{2} = \frac{y-4}{1} = \frac{z+3}{1}; \quad \frac{x-2}{3} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{1}.$$

$$5.10.12. \frac{x+5}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+6}{1}; \quad \frac{x+4}{3} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+3}{1}.$$

$$5.10.13. \frac{x-5}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-6}{1}; \quad \frac{x-4}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{1}.$$

$$5.10.14. \frac{x-5}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-6}{1}; \quad \frac{x+4}{3} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+3}{1}.$$

$$5.10.15. \frac{x-5}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-6}{1}; \quad \frac{x+4}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{1}.$$

$$5.10.16. \frac{x-5}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{1}; \quad \frac{x+4}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{1}.$$

$$5.10.17. \frac{x-5}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{1}; \quad \frac{x-4}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{1}.$$

$$5.10.18. \frac{x-5}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{1}; \quad \frac{x-4}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{1}.$$

$$5.10.19. \frac{x+5}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{1}; \quad \frac{x-4}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{1}.$$

$$5.10.20. \frac{x-5}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-1}{1}; \quad \frac{x-4}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-6}{1}.$$

$$5.10.21. \frac{x+5}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-1}{1}; \quad \frac{x-4}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-6}{1}.$$

$$5.10.22. \frac{x+5}{1} = \frac{y+3}{2} = \frac{z-1}{1}; \quad \frac{x-4}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-6}{1}.$$

$$5.10.23. \frac{x+5}{1} = \frac{y+3}{2} = \frac{z+1}{1}; \quad \frac{x-4}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-6}{1}.$$

$$5.10.24. \frac{x-5}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-1}{1}; \quad \frac{x+4}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-6}{1}.$$

$$5.10.25. \frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-1}{1}; \quad \frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z}{1}.$$

$$5.10.26. \frac{x-5}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{1}; \quad \frac{x-4}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{1}.$$

## 6. ЛИНИИ ВТОРОГО ПОРЯДКА

**6.1.** Составьте каноническое уравнение эллипса по известным данным. Обозначения:  $C$  — расстояние между фокусами,  $D$  — расстояние между директрисами,  $K$  — расстояние между фокусом и соответствующей ему директрисой,  $\varepsilon$  — эксцентриситет.

$$6.1.1. C = 4, \varepsilon = 1/2.$$

$$6.1.10. C = 4, D = 10.$$

$$6.1.19. D = 28, \varepsilon = 1/\sqrt{2}.$$

$$6.1.2. C = 4, D = 6.$$

$$6.1.11. D = 32, \varepsilon = 1/4.$$

$$6.1.20. K = 5, \varepsilon = 1/\sqrt{2}.$$

$$6.1.3. D = 16, \varepsilon = 1/2.$$

$$6.1.12. K = 4, \varepsilon = 1/2.$$

$$6.1.21. C = 6, \varepsilon = 1/3.$$

$$6.1.4. K = 3, \varepsilon = 1/2.$$

$$6.1.13. C = 8, \varepsilon = 2/3.$$

$$6.1.22. C = 2, D = 6.$$

$$6.1.5. C = 4, \varepsilon = 1/3.$$

$$6.1.14. C = 6, D = 8.$$

$$6.1.23. D = 18, \varepsilon = 1/\sqrt{3}.$$

$$6.1.6. C = 4, D = 8.$$

$$6.1.15. D = 30, \varepsilon = 1/\sqrt{2}.$$

$$6.1.24. K = 5, \varepsilon = 1/\sqrt{3}.$$

$$6.1.7. D = 27, \varepsilon = 1/3.$$

$$6.1.16. K = 8, \varepsilon = 1/2.$$

$$6.1.25. C = 4, D = 8.$$

$$6.1.8. K = 4, \varepsilon = 1/3.$$

$$6.1.17. C = 4, \varepsilon = 3/5.$$

$$6.1.26. K = 8, \varepsilon = 1/2.$$

$$6.1.9. C = 6, \varepsilon = 1/2.$$

$$6.1.18. C = 2, D = 4.$$

**6.2.** Прямая  $l$  касается эллипса, фокусы которого расположены в точках  $F_1, F_2$ . Составьте каноническое уравнение этого эллипса и найти его эксцентриситет.

$$6.2.1. l : x + 2y + 4 = 0, F_1 = (-1, 0), F_2 = (1, 0).$$

6.2.2.  $l : x - 2y - 6 = 0$ ,  $F_1(-1, 0)$ ,  $F_2(1, 0)$ .

6.2.3.  $l : x - 2y - 9 = 0$ ,  $F_1(-1, 0)$ ,  $F_2(1, 0)$ .

6.2.4.  $l : x + 2y - 11 = 0$ ,  $F_1(-1, 0)$ ,  $F_2(1, 0)$ .

6.2.5.  $l : x - 2y + 14 = 0$ ,  $F_1(-1, 0)$ ,  $F_2(1, 0)$ .

6.2.6.  $l : x - 2y - 3 = 0$ ,  $F_1(-2, 0)$ ,  $F_2(2, 0)$ .

6.2.7.  $l : x + 2y - 7 = 0$ ,  $F_1(-2, 0)$ ,  $F_2(2, 0)$ .

6.2.8.  $l : x - 2y - 8 = 0$ ,  $F_1(-2, 0)$ ,  $F_2(2, 0)$ .

6.2.9.  $l : x - 2y - 12 = 0$ ,  $F_1(-2, 0)$ ,  $F_2(2, 0)$ .

6.2.10.  $l : x + 2y + 13 = 0$ ,  $F_1(-2, 0)$ ,  $F_2(2, 0)$ .

6.2.11.  $l : x - 2y + 7 = 0$ ,  $F_1(-3, 0)$ ,  $F_2(3, 0)$ .

6.2.12.  $l : x - 2y + 8 = 0$ ,  $F_1(-3, 0)$ ,  $F_2(3, 0)$ .

6.2.13.  $l : x + 2y - 12 = 0$ ,  $F_1(-3, 0)$ ,  $F_2(3, 0)$ .

6.2.14.  $l : x - 2y + 13 = 0$ ,  $F_1(-3, 0)$ ,  $F_2(3, 0)$ .

6.2.15.  $l : x - 2y + 6 = 0$ ,  $F_1(-4, 0)$ ,  $F_2(4, 0)$ .

6.2.16.  $l : x - 2y + 14 = 0$ ,  $F_1(-4, 0)$ ,  $F_2(4, 0)$ .

6.2.17.  $l : x + 2y + 10 = 0$ ,  $F_1(-5, 0)$ ,  $F_2(5, 0)$ .

6.2.18.  $l : x - 2y + 15 = 0$ ,  $F_1(-5, 0)$ ,  $F_2(5, 0)$ .

6.2.19.  $l : x + 2y + 9 = 0$ ,  $F_1(-6, 0)$ ,  $F_2(6, 0)$ .

6.2.20.  $l : x + 2y - 11 = 0$ ,  $F_1(-6, 0)$ ,  $F_2(6, 0)$ .

6.2.21.  $l : x - 2y + 14 = 0$ ,  $F_1(-6, 0)$ ,  $F_2(6, 0)$ .

6.2.22.  $l : 2x + y + 3 = 0$ ,  $F_1(-1, 0)$ ,  $F_2(1, 0)$ .

6.2.23.  $l : 2x - y + 7 = 0$ ,  $F_1(-1, 0)$ ,  $F_2(1, 0)$ .

6.2.24.  $l : 2x - y + 8 = 0$ ,  $F_1(-1, 0)$ ,  $F_2(1, 0)$ .

6.2.25.  $l : 2x + y - 12 = 0$ ,  $F_1(-1, 0)$ ,  $F_2(1, 0)$ .

6.2.26.  $l : 2x - y + 13 = 0$ ,  $F_1(-1, 0)$ ,  $F_2(1, 0)$ .

**6.3.** Составьте каноническое уравнение гиперболы, имеющей общие фокальные хорды с данным эллипсом.

$$6.3.1. \frac{x^2}{6} + \frac{y^2}{2} = 1.$$

$$6.3.2. \frac{x^2}{6} + \frac{y^2}{3} = 1.$$

$$6.3.3. \frac{x^2}{6} + \frac{y^2}{4} = 1.$$

- |  |  |  |
|--|--|--|
| 6.3.4. $\frac{x^2}{6} + \frac{y^2}{5} = 1.$  | 6.3.12. $\frac{x^2}{6} + y^2 = 1.$           | 6.3.20. $\frac{x^2}{8} + y^2 = 1.$           |
| 6.3.5. $\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{2} = 1.$  | 6.3.13. $\frac{x^2}{5} + y^2 = 1.$           | 6.3.21. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{2} = 1.$ |
| 6.3.6. $\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{3} = 1.$  | 6.3.14. $\frac{x^2}{7} + y^2 = 1.$           | 6.3.22. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{3} = 1.$ |
| 6.3.7. $\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{4} = 1.$  | 6.3.15. $\frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{2} = 1.$ | 6.3.23. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{4} = 1.$ |
| 6.3.8. $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1.$            | 6.3.16. $\frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{3} = 1.$ | 6.3.24. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{5} = 1.$ |
| 6.3.9. $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{2} = 1.$  | 6.3.17. $\frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{4} = 1.$ | 6.3.25. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{6} = 1.$ |
| 6.3.10. $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1.$ | 6.3.18. $\frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{5} = 1.$ | 6.3.26. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{7} = 1.$ |
| 6.3.11. $\frac{x^2}{2} + y^2 = 1.$           | 6.3.19. $\frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{6} = 1.$ |  |

**6.4.** Из правого фокуса гиперболы под углом  $\alpha$  к оси  $Ox$  направлен луч света. Известен  $\operatorname{tg} \alpha$ . Дойдя до гиперболы, луч от неё отразился. Составьте уравнения прямых, на которых лежат отраженные лучи.

- |  |  |
|--|--|
| 6.4.1. $\frac{x^2}{5} - \frac{y^2}{4} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 2.$    | 6.4.10. $\frac{x^2}{40} - \frac{y^2}{24} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 3.$   |
| 6.4.2. $\frac{x^2}{5} - \frac{y^2}{4} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -2.$   | 6.4.11. $\frac{x^2}{40} - \frac{y^2}{24} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -3.$  |
| 6.4.3. $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 2.$   | 6.4.12. $\frac{x^2}{90} - \frac{y^2}{54} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 3.$   |
| 6.4.4. $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -2.$  | 6.4.13. $\frac{x^2}{90} - \frac{y^2}{54} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -3.$  |
| 6.4.5. $\frac{x^2}{45} - \frac{y^2}{4} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -2.$  | 6.4.14. $\frac{x^2}{90} - \frac{y^2}{135} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 3.$  |
| 6.4.6. $\frac{x^2}{45} - \frac{y^2}{36} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 2.$  | 6.4.15. $\frac{x^2}{90} - \frac{y^2}{135} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -3.$ |
| 6.4.7. $\frac{x^2}{45} - \frac{y^2}{36} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -2.$ | 6.4.16. $\frac{x^2}{17} - \frac{y^2}{8} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 4.$    |
| 6.4.8. $\frac{x^2}{10} - \frac{y^2}{6} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 3.$   | 6.4.17. $\frac{x^2}{17} - \frac{y^2}{8} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -4.$   |
| 6.4.9. $\frac{x^2}{10} - \frac{y^2}{6} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -3.$  | 6.4.18. $\frac{x^2}{17} - \frac{y^2}{32} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 4.$   |

6.4.19.  $\frac{x^2}{17} - \frac{y^2}{32} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -4.$

6.4.23.  $\frac{x^2}{17} - \frac{y^2}{208} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -4.$

6.4.20.  $\frac{x^2}{17} - \frac{y^2}{32} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 4.$

6.4.24.  $\frac{x^2}{2} - \frac{y^2}{7} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 1.$

6.4.21.  $\frac{x^2}{17} - \frac{y^2}{32} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -4.$

6.4.25.  $\frac{x^2}{2} - \frac{y^2}{7} = 1, \operatorname{tg} \alpha = -1.$

6.4.22.  $\frac{x^2}{17} - \frac{y^2}{208} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 4.$

6.4.26.  $\frac{x^2}{2} - \frac{y^2}{14} = 1, \operatorname{tg} \alpha = 1.$

**6.5.** Составьте уравнение эллипса, если известны его эксцентриситет, фокус и уравнение соответствующей директрисы. Представьте уравнение в виде  $F(x, y) = 0$ , где  $F(x, y)$  — многочлен второй степени от  $x, y$ .

6.5.1.  $1/2, (-4, 1), x + y + 1 = 0$

6.5.14.  $3/4, (3, -2), x - y + 2 = 0$

6.5.2.  $1/2, (-3, 1), -x + y + 1 = 0$

6.5.15.  $3/4, (1, -2), x - y + 3 = 0$

6.5.3.  $1/2, (-3, 1), -x + y - 3 = 0$

6.5.16.  $1/\sqrt{2}, (1, -2), x - y + 3 = 0$

6.5.4.  $1/3, (-3, 2), -x + y - 3 = 0$

6.5.17.  $1/\sqrt{2}, (1, -2), x + y - 3 = 0$

6.5.5.  $1/3, (-1, 2), x + y + 3 = 0$

6.5.18.  $1/\sqrt{2}, (3, -1), x - y + 5 = 0$

6.5.6.  $1/3, (-1, 1), x + y + 3 = 0$

6.5.19.  $1/\sqrt{3}, (3, -2), x - y + 3 = 0$

6.5.7.  $1/3, (-2, 1), x - y + 2 = 0$

6.5.20.  $1/\sqrt{3}, (3, -4), x - y - 2 = 0$

6.5.8.  $1/5, (-2, 1), x - y + 2 = 0$

6.5.21.  $1/\sqrt{3}, (3, -1), 3x + 4y + 1 = 0$

6.5.9.  $1/5, (-2, 3), x + y + 3 = 0$

6.5.22.  $1/\sqrt{3}, (1, -1), 3x + 4y + 2 = 0$

6.5.10.  $1/5, (-2, 3), -x + y + 4 = 0$

6.5.23.  $1/\sqrt{5}, (1, -1), x + y + 2 = 0$

6.5.11.  $2/3, (-3, 1), x + y + 1 = 0$

6.5.24.  $1/\sqrt{5}, (1, -1), x - y + 2 = 0$

6.5.12.  $2/3, (3, -1), x + y - 1 = 0$

6.5.25.  $1/\sqrt{5}, (2, -1), x - y + 2 = 0$

6.5.13.  $2/3, (3, -3), x - y - 1 = 0$

6.5.26.  $1/3, (-1, 1), x + y + 3 = 0$

**6.6.** Составьте уравнение параболы, если известны уравнение её директрисы и фокус. Представьте уравнение в виде  $F(x, y) = 0$ , где  $F(x, y)$  — многочлен второй степени от  $x, y$ .

6.6.1.  $2x + 3y + 1 = 0, F(-2, 3).$

6.6.2.  $2x + 3y - 1 = 0, F(-3, 1).$

6.6.3.  $2x - 3y + 1 = 0, F(1, -2).$

6.6.4.  $2x - 3y + 3 = 0, F(1, 2).$

6.6.5.  $2x - 3y + 4 = 0, F(-2, 1).$

6.6.6.  $3x + 2y + 2 = 0, F(-1, 2)$ .

6.6.7.  $3x + 2y - 1 = 0, F(2, -1)$ .

6.6.8.  $3x + 2y - 2 = 0, F(1, -2)$ .

6.6.9.  $3x + 2y - 2 = 0, F(-2, 1)$ .

6.6.10.  $3x + 2y - 1 = 0, F(1, 1)$ .

6.6.11.  $3x + 2y - 2 = 0, F(1, -1)$ .

6.6.12.  $3x - 2y + 1 = 0, F(1, 1)$ .

6.6.13.  $3x - 2y - 1 = 0, F(-1, 1)$ .

6.6.14.  $3x - 2y + 2 = 0, F(1, -1)$ .

6.6.15.  $3x - 2y - 2 = 0, F(-2, 1)$ .

6.6.16.  $3x - 2y + 2 = 0, F(2, 1)$ .

6.6.17.  $x + 2y + 1 = 0, F(-2, 1)$ .

6.6.18.  $x + 2y + 2 = 0, F(1, -2)$ .

6.6.19.  $x + 2y - 1 = 0, F(1, -2)$ .

6.6.20.  $x + 2y - 3 = 0, F(2, -1)$ .

6.6.21.  $x - 2y + 2 = 0, F(2, 1)$ .

6.6.22.  $x - 2y + 1 = 0, F(2, 1)$ .

6.6.23.  $2x - y + 2 = 0, F(1, 1)$ .

6.6.24.  $2x - y + 1 = 0, F(2, 1)$ .

6.6.25.  $2x + y - 1 = 0, F(2, 1)$ .

6.6.26.  $2x + y + 2 = 0, F(1, 2)$ .

**6.7.** Составьте каноническое уравнение линии, если известно её полярное уравнение.

6.7.1.  $r = \frac{3}{1 - 2 \cos \varphi}$ .

6.7.5.  $r = \frac{35}{1 - 6 \cos \varphi}$ .

6.7.9.  $r = \frac{21}{2 - 5 \cos \varphi}$ .

6.7.2.  $r = \frac{8}{1 - 3 \cos \varphi}$ .

6.7.6.  $r = \frac{3}{2 - \cos \varphi}$ .

6.7.10.  $r = \frac{16}{1 - 3 \cos \varphi}$ .

6.7.3.  $r = \frac{15}{1 - 4 \cos \varphi}$ .

6.7.7.  $r = \frac{5}{2 - 3 \cos \varphi}$ .

6.7.11.  $r = \frac{8}{3 - \cos \varphi}$ .

6.7.4.  $r = \frac{24}{1 - 5 \cos \varphi}$ .

6.7.8.  $r = \frac{6}{1 - 2 \cos \varphi}$ .

6.7.12.  $r = \frac{5}{3 - 2 \cos \varphi}$ .

$$6.7.13. \ r = \frac{7}{3 - 4 \cos \varphi}.$$

$$6.7.14. \ r = \frac{16}{3 - 5 \cos \varphi}.$$

$$6.7.15. \ r = \frac{9}{1 - 2 \cos \varphi}.$$

$$6.7.16. \ r = \frac{15}{4 - \cos \varphi}.$$

$$6.7.17. \ r = \frac{6}{2 - \cos \varphi}.$$

$$6.7.18. \ r = \frac{7}{4 - 3 \cos \varphi}.$$

$$6.7.19. \ r = \frac{9}{4 - 5 \cos \varphi}.$$

$$6.7.20. \ r = \frac{10}{2 - 3 \cos \varphi}.$$

$$6.7.21. \ r = \frac{24}{5 - \cos \varphi}.$$

$$6.7.22. \ r = \frac{21}{5 - 2 \cos \varphi}.$$

$$6.7.23. \ r = \frac{16}{5 - 3 \cos \varphi}.$$

$$6.7.24. \ r = \frac{9}{5 - 4 \cos \varphi}.$$

$$6.7.25. \ r = \frac{11}{5 - 6 \cos \varphi}.$$

$$6.7.26. \ r = \frac{35}{6 - \cos \varphi}.$$